



By Pushendra Sir

GEOMETRY

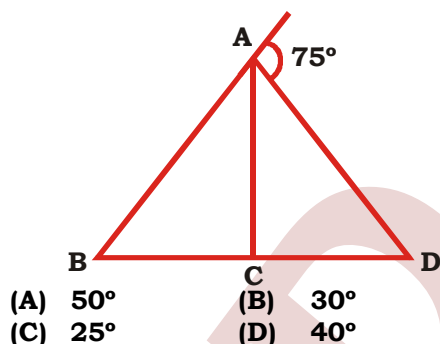
EXTERIOR PROPERTY

Part
01

1. $\Delta = \frac{1}{2} ab \sin \theta$ (त्रिभुज का क्षेत्रफल)
2. Exterior Property (बहिष्कोण प्रमेय)
3. Centers (केन्द्र)
4. Similarity (समरूपता)
5. Concept of Median & Centroid (माध्यिका तथा केन्द्रक)
6. Sine and Cosine rule
7. Types of Triangle
8. Right Angle Triangle
9. Congruent Triangle (सर्वांगसमता)
10. Concept of Cevian, mass point Theorem, Ladder Theorem
11. Inequality

1. In a ΔABC , BC is produced up to point D such that $AC = BC = AD$. Find $\angle D$.

त्रिभुज ΔABC में भुजा BC को बिन्दु D तक इस प्रकार आगे बढ़ाया जाता है की $AC = BC = AD$ तो $\angle D$ का मान बताओ?



2. In a ΔABC point D is on AC such that $AD = DB = BC$, $AB = AC$. Then find the value of $\angle B$. / त्रिभुज ΔABC में बिन्दु D भुजा AC पर इस प्रकार स्थिति है की $AD = DB = BC$ तथा $AB = AC$ तो कोण $\angle B$ का मान बताओ।
(A) 36° (B) 72°
(C) 40° (D) 46°

3. In a ΔABC point D is on AB . While point E is on DC such that $AD = AE$. CD is the internal angle bisector of $\angle C$. $\angle B = 37^\circ$. Then find out $\angle EAC$.

ΔABC में बिन्दु D भुजा AB पर स्थित है। जबकि बिन्दु E , DC पर इस प्रकार स्थित है की $AD = AE$. CD , $\angle C$ का अन्तः कोण समद्विभाजक है। $\angle B = 37^\circ$ तो $\angle EAC$ का मान बताओ।

- (A) 32° (B) 40°
(C) 30° (D) 37°

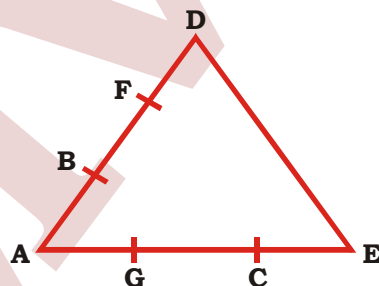
4. In ΔABC point E , D is on AB and AC respectively. Such that $AD = DE = EC = BC$. $AB = AC$. Find $\angle A$.

ΔABC में बिन्दु E , D क्रमशः भुजा AB तथा AC पर इस प्रकार स्थित है की $AD = DE = EC = BC$ जबकि $AB = AC$ तो $\angle A$ का मान बताओ।

- (A) 40° (B) 120°
(C) $180^\circ/7$ (D) 45°

5. In the given diagram $AB = BC = CD = DE = EF = FG = GA$. $\angle CDE = ?$

दिये गये चित्र में $AB = BC = CD = DE = EF = FG = GA$ है। तो $\angle CDE$ का मान बताओ?



- (A) $180^\circ/7$ (B) 120°
(C) 45° (D) 60°

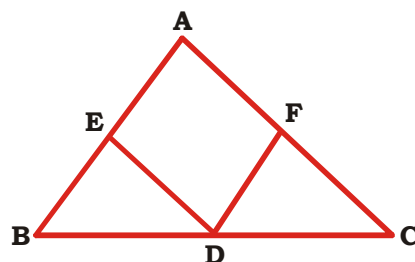
6. In ΔABC point F , D , E is on AB , BC , AC respectively $BF = FD$ and $ED = EC$. Find $\angle FDE$. $\angle A = 50^\circ$.

ΔABC में बिन्दु F , D , E क्रमशः AB , BC , AC पर इस प्रकार स्थित है की $BF = FD$ तथा $ED = EC$ तो $\angle FDE$ का मान निकालो। जबकि $\angle A = 50^\circ$ दिया गया है।

- (A) 50° (B) 130°
(C) 40° (D) 45°

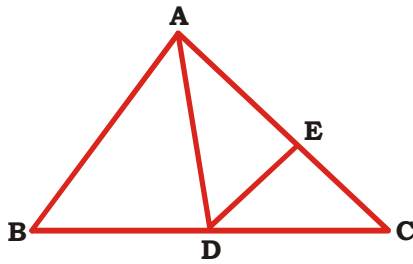
7. In the given figure $\angle A = 40^\circ$. $BD = ED$ and $DC = DF$. Find the value of $\angle EDF$.

दिये गये ΔABC में $\angle A = 40^\circ$. $BD = ED$ तथा $DC = DF$ तो $\angle EDF$ का मान बताओ?



- (A) 120° (B) 100°
(C) 130° (D) 60°

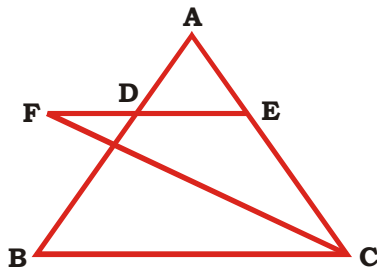
8. In the given figure, $AB = AC$, $AD = AE$, $\angle BAD = 40^\circ$. Find the value of $\angle CDE$?



- (A) 40° (B) 20°
(C) 22° (D) 32°

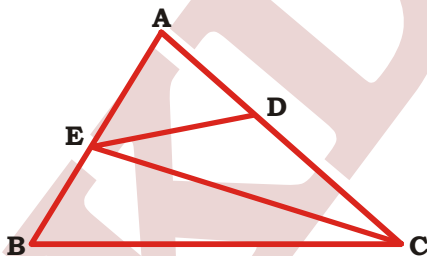
9. In the given figure, $AD = AE$, $\angle ABC = 80^\circ$. Find the value of $\angle CFE$. CF is Angle bisector of $\angle C$.

दिये गये चित्र में, $AD = AE$, $\angle ABC = 80^\circ$ तो $\angle CFE$ का मान बताओ? CF, $\angle C$ का अंतकोण समद्विभाजक है।



- (A) 30° (B) 35°
(C) 40° (D) 45°

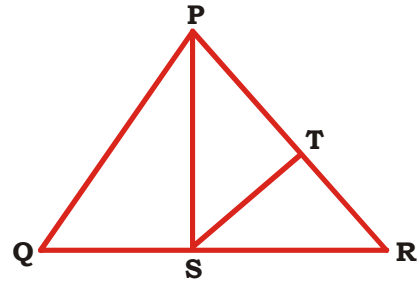
10. In the given $\triangle ABC$, $AD = DE = EC = BC$. Then find $\angle A : \angle B = ?$



- (A) $3 : 1$ (B) $1 : 3$
(C) $1 : 4$ (D) $4 : 1$

11. In the following fig. $\triangle PQR$ is an isosceles Δ . In which $PQ = PR$, If $PS = PT$ and $\angle TSR = 20^\circ$. Then find the value of $\angle QPS$.

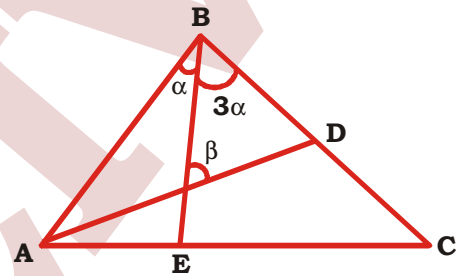
दिये गये चित्र में $\triangle PQR$ समद्विबाहु त्रिभुज है जिसमें $PQ = PR$ है। यदि $PS = PT$ तथा $\angle TSR = 20^\circ$ तो $\angle QPS$ का मान बताओ।



- (A) 30° (B) 45°
(C) 55° (D) 40°

12. In given, $\triangle ABC$ is an isosceles triangle in which $AB = BC$, AD is angle bisector of $\angle BAC$. Find β .

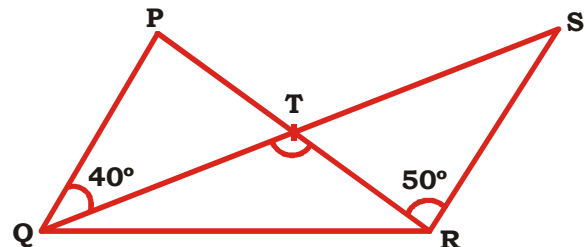
दिये गये चित्र में $\triangle ABC$ समद्विबाहु त्रिभुज है जिसमें $AB = BC$, AD, $\angle BAC$ का कोण समद्विभाजक है। तो β का मान बताओ।



- (A) 30° (B) 45°
(C) 50° (D) 60°

13. In the given figure, $PR = QS = QR$. Then find the $\angle QTR$.

दिये गये चित्र में $PR = QS = QR$ तो $\angle QTR$ का मान बताओ।



- (A) 90° (B) 120°
(C) 110° (D) 125°

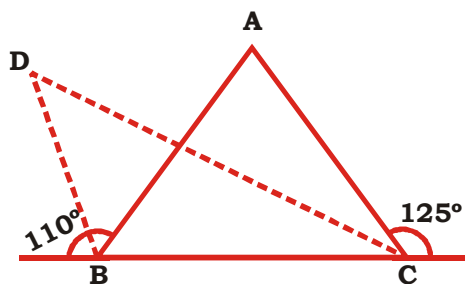
14. In $\triangle ABC$, $\angle C$ is an obtuse angle. The bisector of exterior angle at A & B meet BC and AC produced at D and E respectively. If $AB = AD = BE$. Then $\angle ACB$?

त्रिभुज ABC में $\angle C$ अधिककोण है। $\angle A$ और $\angle B$ के बाह्यकोण समद्विभाजक भुजा BC और AC को बढ़ाने पर क्रमशः बिन्दु D और E पर मिलते हैं। यदि $AB = AD = BE$ तब $\angle ACB = ?$

- (A) 120° (B) 108°
(C) 105° (D) 116°

15. In the given figure internal bisector angle of $\angle ACB$ and external bisector of $\angle ABC$ meets at point D. Find $\angle BDC$?

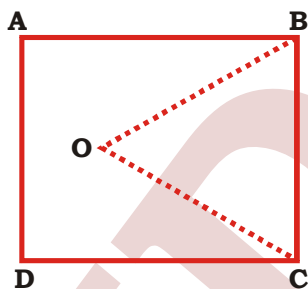
दिये गये चित्र में, $\angle ACB$ का आंतरिक कोण समद्विभाजक और $\angle ABC$ का बाह्य समद्विभाजक बिन्दु D पर मिलती है। $\angle BDC$ का मान बताओ।



- (A) 25° (B) 27.5°
(C) 30° (D) None

16. ABCD is a square, OBC is an equilateral Δ . Find the value of $\angle AOD$.

ABCD एक वर्ग है, जबकि OBC एक समबाहु त्रिभुज है तो $\angle AOD$ का मान निकालो।



- (A) 130° (B) 150°
(C) 140° (D) None

17. An equilateral ΔABE is drawn on the side AB of square ABCD. Equilateral Δ is outside the square. Line DE and diagonal AC intersect each other. Line DE and diagonal AC intersect each other at point O. Find $\angle COD$.

एक समबाहु त्रिभुज ABE एक वर्ग ABCD की भुजा AB पर वर्ग के बाहर बनाया गया है, रेखा DE और विकर्ण AC एक दूसरे को बिन्दु O पर प्रतिच्छेद करते हैं। तब $\angle COD$ का मान ज्ञात करें।

- (A) 45° (B) 60°
(C) 90° (D) 75°

18. In a ΔABC , $\angle B = \angle C = 78^\circ$. D & E are points on AB and AC respectively. If $\angle CBE = 51^\circ$ & $\angle DCB = 24^\circ$. Then $\angle BED = ?$

एक त्रिभुज ABC में $\angle B = \angle C = 78^\circ$. D तथा E क्रमशः भुजा AB और AC पर स्थित हैं। यदि $\angle CBE = 51^\circ$ तथा $\angle DCB = 24^\circ$ है। तो $\angle BED$ का मान बताओ।

- (A) 12° (B) 20°
(C) 15° (D) 22°

19. In a ΔPQR , $\angle P = 120^\circ$. $PS \perp QR$ at S and $PQ + QS = SR$. Then the measure of $\angle Q$ is?

त्रिभुज PQR में, $\angle P = 120^\circ$, $PS \perp QR$ और $PQ + QS = SR$ तो $\angle Q$ का मान क्या है।

- (A) 40° (B) 20°
(C) 30° (D) 50°



By Pushpendra Sir

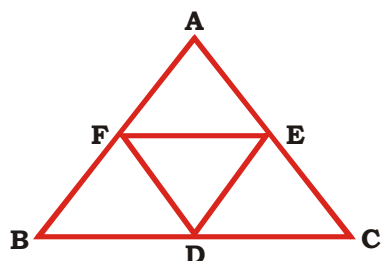
GEOMETRY

$$\Delta = \frac{1}{2} ab \sin \theta$$

Part
02

1. $AB:BF = 4:1$, $AE:EC = 2:5$ and $BD:DC = 2:3$. If area of $\triangle DEF = 144 \text{ cm}^2$. Find area of $\triangle ABC$?

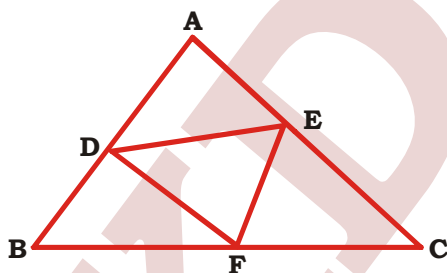
$AB:BF = 4:1$, $AE:EC = 2:5$ और $BD:DC = 2:3$.
यदि $\triangle DEF$ का क्षेत्रफल = 144 cm^2 तब $\triangle ABC$ का क्षेत्रफल ज्ञात करें।



- (A) 420 cm^2 (B) 630 cm^2
(C) 490 cm^2 (D) 560 cm^2

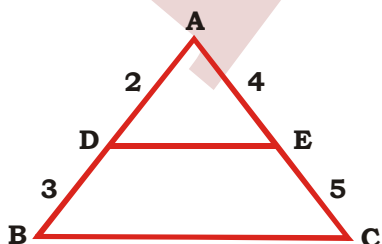
2. Point D, E and F divide the sides of triangle ABC in the ratio 1:3, 1:4 and 1:1 as shown in the figure. What fraction of area of triangle ABC is the area of $\triangle DEF$?

बिन्दु D, E, F त्रिभुज ABC की भुजाओं को क्रमशः 1:3, 1:4 तथा 1:1 में बाँटते हैं। तो $\triangle DEF$ तथा $\triangle ABC$ के क्षेत्रफल का अनुपात बताओ?



- (A) 13 : 40 (B) 12 : 43
(C) 15 : 37 (D) None

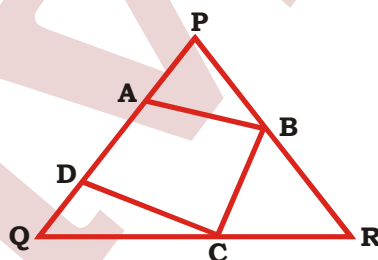
3.



$Ar(\triangle ADE) : Ar(\triangle ABC) = ?$

4. In the given figure, PQR is a triangle and Quadrilateral ABCD is inscribed in it. $QD = 2 \text{ cm}$, $QC = 5 \text{ cm}$, $CR = 3 \text{ cm}$, $BR = 4 \text{ cm}$, $PB = 6 \text{ cm}$, $PA = 5 \text{ cm}$ and $AD = 3 \text{ cm}$. What is the area of $\triangle ABCD$?

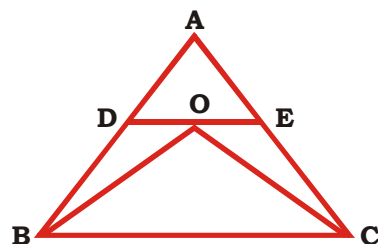
दिये गये चित्र में, PQR एक त्रिभुज है जिसके अंदर एक चतुर्भुज ABCD बनाया गया है। यदि $QD = 2 \text{ cm}$, $QC = 5 \text{ cm}$, $CR = 3 \text{ cm}$, $BR = 4 \text{ cm}$, $PB = 6 \text{ cm}$, $PA = 5 \text{ cm}$ और $AD = 3 \text{ cm}$ तो चतुर्भुज ABCD का क्षेत्रफल क्या होगा?



- (A) $\frac{(23\sqrt{21})}{4}$ (B) $\frac{(15\sqrt{21})}{4}$
(C) $\frac{(17\sqrt{21})}{5}$ (D) $\frac{(23\sqrt{21})}{5}$

5. In $\triangle ABC$, D & E are two points on AB and AC such that $AD:DB = 1:3$ & $EC:EA = 1:3$. O is the mid point of DE. Find out ratio of area of $\triangle BOC$ to $\triangle ABC$.

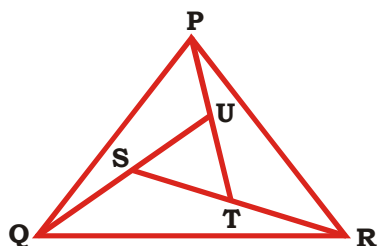
$\triangle ABC$ में D, E क्रमशः AB तथा AC पर इस प्रकार स्थित हैं कि $AD:DB = 1:3$ तथा $EC:EA = 1:3$. O भुजा DE का मध्य बिन्दु है। तो $\triangle BOC$ तथा $\triangle ABC$ के क्षेत्रफलों का अनुपात क्या होगा।



- (A) 1 : 2 (B) 2 : 1
(C) 5 : 4 (D) None

6. In the given fig. $ST = 8$ cm, $TU = 9$ cm, $SU = 12$ cm, $QU = 24$ cm, $SR = 32$ cm,

$$PT = 27 \text{ cm} \quad \frac{\text{Ar}(\Delta PQU)}{\text{Ar}(\Delta PTR)} = ?$$



- (A) 1 : 1 (B) 2 : 3
(C) 4 : 9 (D) 9 : 20

7. In ΔABC , $AB = 8$ cm, $AC = 12$ cm, AD is angle bisector of $\angle BAC$. If $\angle BAC = 60^\circ$. What is the length of AD .

त्रिभुज ABC में AD , $\angle BAC$ का कोण समद्विभाजक है। $\angle BAC = 60^\circ$, $AB = 8$ cm और $AC = 12$ cm तो AD की लम्बाई क्या है।

- (A) $\frac{32\sqrt{3}}{5}$ cm (B) $\frac{20\sqrt{3}}{3}$ cm
(C) $\frac{25\sqrt{3}}{7}$ cm (D) $\frac{24\sqrt{3}}{5}$ cm

8. In ΔABC , AD is angle bisector of $\angle BAC$.

$$\angle B = 70^\circ, \angle C = 80^\circ. \sin 15^\circ = \frac{\sqrt{3}-1}{2\sqrt{2}}.$$

Find length of AD . If $AB = 15$ cm, $AC = 12$ cm

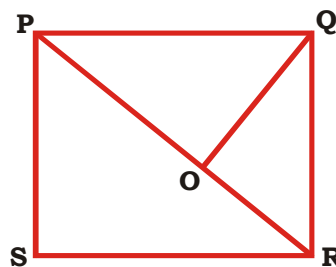
त्रिभुज ABC में AD , $\angle BAC$ का कोण समद्विभाजक है। $\angle B = 70^\circ$, $\angle C = 80^\circ$. $\sin 15^\circ = \frac{\sqrt{3}-1}{2\sqrt{2}}$ तो

AD की लम्बाई निकालो? $AB = 15$ cm, $AC = 12$ cm

- (A) $\frac{20\sqrt{2}}{3(\sqrt{3}-1)}$ (B) $\frac{10\sqrt{2}}{3(\sqrt{3}-1)}$
(C) $\frac{5\sqrt{2}}{3(\sqrt{3}-1)}$ (D) None

9. In the given figure, $PQRS$ is a square of sides 8 cm. $\angle PQO = 60^\circ$. What is the area (in cm^2) of the triangle POQ ?

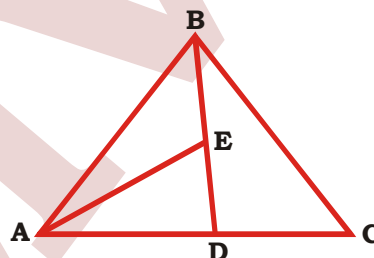
दी गई आकृति में 8 cm भुजा वाला एक वर्ग है। $\angle PQO = 60^\circ$ है तो त्रिभुज POQ का क्षेत्रफल (cm^2) में क्या है।



- (A) $32\sqrt{3}$ (B) $24(\sqrt{3}-1)$
(C) $48(\sqrt{3}-1)$ (D) $16(3-\sqrt{3})$

10. In the given fig. ABC is triangle in which $5AD = 4CD$ and E lies on BD , $2DE = 3BE$, what is the ratio of area of ΔABE and ΔABC .

दिये गये चित्र में ABC एक त्रिभुज है। जिसमें $5AD = 4CD$ और बिन्दु E भुजा BD पर इस प्रकार स्थित है की BD , $2DE = 3BE$ तो ΔABE और ΔABC के क्षेत्रफलों का अनुपात क्या होगा?



- (A) 16/81 (B) 1/5
(C) 4/25 (D) 8/45

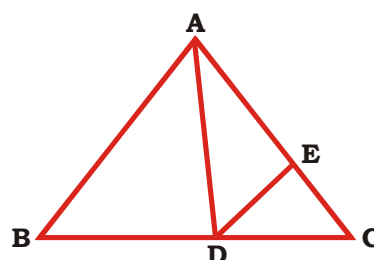
11. In ΔABC , D & E are two points on BC such that $BD:DE = EC = 4:5:6$. If the area of $\Delta ADE = 30 \text{ cm}^2$. Find out area of ΔABC .

त्रिभुज ABC में बिन्दु D तथा E क्रमशः भुजा BC पर इस प्रकार स्थित है की $BD:DE = EC = 4:5:6$ यदि त्रिभुज ADE का क्षेत्रफल 30 cm^2 है तो त्रिभुज ABC का क्षेत्रफल बताओ?

- (A) 60 cm^2 (B) 70 cm^2
(C) 80 cm^2 (D) 90 cm^2

12. If $BD:DC = 1:3$ and $AE:EC = 5:2$

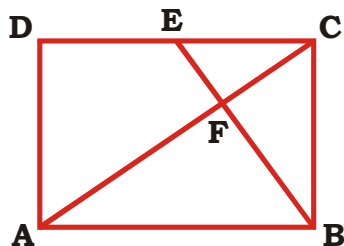
$$\frac{\text{Ar}(\Delta EDC)}{\text{Ar}(\Delta ABC)} = ?$$



- (A) 3/14 (B) 5/14
(C) 5/12 (D) 7/15

13. In the given fig, ABCD is a rectangle. If area $\triangle EFC$ is 4 cm^2 and area of $\triangle BFC$ is 5 cm^2 then find area of $\square ADEF$?

दिये गये चित्र में ABCD एक आयत है। यदि $\triangle EFC$ का क्षेत्रफल 4 cm^2 है। तथा $\triangle BFC$ का क्षेत्रफल 5 cm^2 है तो चतुर्भुज $\square ADEF$ का क्षेत्रफल ज्ञात करें?



- (A) 6.25 cm^2 (B) 7.25 cm^2
(C) 6.5 cm^2 (D) 7.5 cm^2

14. In a $\triangle ABC$, M is the mid point of BC and N is the mid point of AM. BN when extended intersect AC at D. If Area of $\triangle ABC$ is 20 cm^2 . then what is the area of $\triangle AND$.

एक त्रिभुज ABC में M, भुजा BC का मध्य बिन्दु है जबकि N, AM का मध्य बिन्दु है। BN को आगे बढ़ाने पर यह भुजा AC को बिन्दु D पर प्रतिच्छेद करता है। यदि त्रिभुज ABC का क्षेत्रफल 20 cm^2 है। तो $\triangle AND$ का क्षेत्रफल बताओ।

- (A) 6.67 cm^2 (B) 1.67 cm^2
(C) 5 cm^2 (D) None



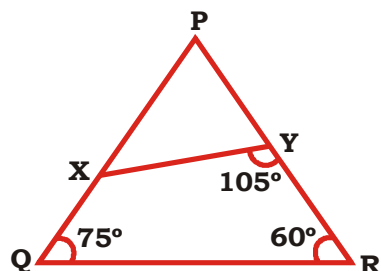
By Pushpendra Sir

GEOMETRY

Similarity, Basic Proportionality & mid Point Theorem

Part
03

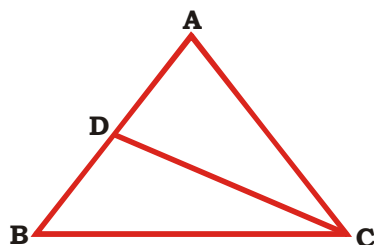
1. $QR:XY = 14:9$, $PY = 18$ cm. Find PQ .



- (A) 18 cm (B) 28 cm
(C) 20 cm (D) 24 cm

2. If $\angle BAC = \angle BCD$, $AB = 32$ cm, $BD = 18$ cm. Find the ratio of perimeter of $\triangle BCD$ to $\triangle ABC$.

तो $\angle BAC = \angle BCD$, $AB = 32$ cm, $BD = 18$ cm
त्रिभुज BCD तथा त्रिभुज ABC के परिमापो का अनुपात
बताओ?



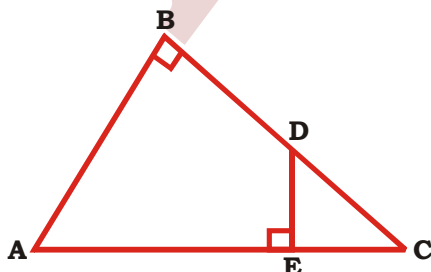
- (A) 3 : 4 (B) 4 : 3
(C) 3 : 1 (D) None

3. $\triangle ABC$ is similar to $\triangle DEF$. The area of $\triangle ABC$ is 100 cm^2 and area of $\triangle DEF$ is 49 cm^2 . If the altitude of $\triangle ABC$ is 5 cm, then the corresponding altitude of $\triangle DEF$.

$\triangle ABC$, $\triangle DEF$ के समरूप है। $\triangle ABC$ का क्षेत्रफल 100 cm^2 है और $\triangle DEF$ का क्षेत्रफल 49 cm^2 है। यदि त्रिभुज ABC का शीर्षलम्ब 5 cm है, तो त्रिभुज DEF का संगत शीर्षलम्ब होगा।

- (A) 7 cm (B) 4.5 cm
(C) 6 cm (D) 3.5 cm

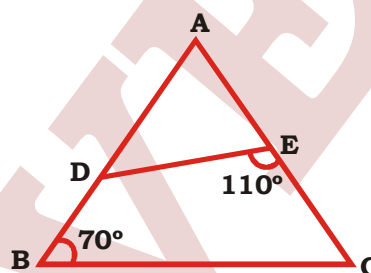
4. $AB = AE = 5$ cm and $BC = 12$ cm. $DE = ?$



- (A) $\frac{10}{3}$ cm (B) $\frac{5}{3}$ cm

- (C) 10 cm (D) 5 cm

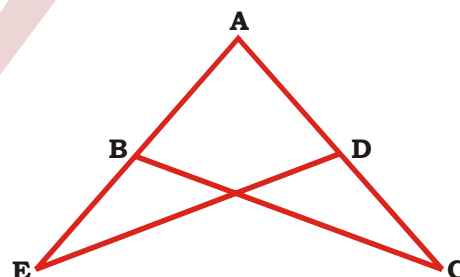
5. $AD = 12$ cm, $AE = 8$ cm, $EC = 14$ cm, $BD = ?$



- (A) $\frac{5}{3}$ cm (B) $\frac{8}{3}$ cm

- (C) $\frac{7}{3}$ cm (D) None

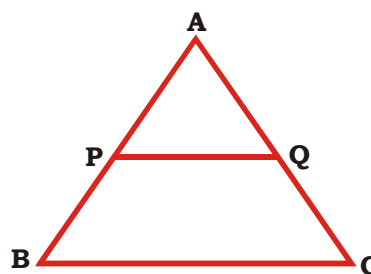
6. $AB = 18$ cm, $BE = 6$ cm, $CD = 11$ cm and $\angle AED = \angle ACB$. Find AD in given fig.



- (A) 16 cm (B) 18 cm

- (C) 19 cm (D) 20 cm

7. $AQ = 4\sqrt{2}$ cm, $QC = 6\sqrt{2}$ cm, $AB = 20$ cm, $PQ \parallel BC$. Find PB .



- (A) 14 cm (B) 15 cm

- (C) 16 cm (D) 12 cm

8. In $\triangle ABC$ a line DE is drawn parallel to BC in such a way that $Ar(\triangle ADE) : Ar(\square BCED) = 16:33$. Find $AD:DB$.

त्रिभुज ABC में भुजा DE , BC के समान्तर है। बिन्दु D , E क्रमशः AB तथा AC पर स्थित है। यदि $\triangle ADE$ तथा $\square BCED$ के क्षेत्रफलों का अनुपात $16:33$ है। तो $AD:DB$ का मान बताओ।

- (A) 3 : 4 (B) 4 : 3
(C) 5 : 4 (D) 4 : 5

9. In a $\triangle ABC$ a line DE is drawn parallel to BC in such a way that it divide the triangle in two equal areas. Point D , E is on AB and AC respectively. Find $AD : DB$.

त्रिभुज ABC में DE , BC के समान्तर है। भुजा DE त्रिभुज ABC को दो बराबर क्षेत्रफल में बाँटती है। बिन्दु D , E क्रमशः AB तथा AC पर स्थित है। तो $AD:DB$ का मान बताओ।

- (A) $1 : (\sqrt{2} - 1)$ (B) $1 : \sqrt{2}$
(C) $1 : (\sqrt{3} - 1)$ (D) $1 : \sqrt{3}$

10. In $\triangle ABC$, point D , E is on AB and AC respectively DE is parallel to BC . If $AD = 3$ cm, $DB = 4$ cm, $BC = 21$ cm. Then find out DE .

त्रिभुज ABC में बिन्दु D , E क्रमशः AB तथा AC पर इस प्रकार स्थित है की DE , BC के समान्तर है। यदि $AD = 3$ cm, $DB = 4$ cm, $BC = 21$ cm तो DE का मान निकालो।

- (A) 8 cm (B) 6 cm
(C) 8 cm (D) 18 cm

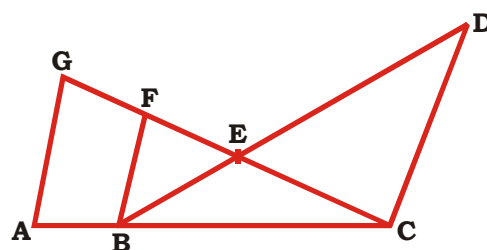
11. In the given figure $AF:FD = 5:3$. $AB = 128$ cm, $DC = 56$ cm. Find length of FE while $AB \parallel DC \parallel FE$.

दिये गये चित्र में $AF:FD = 5:3$, $AB = 128$ cm, $DC = 56$ cm तो FE की लम्बाई निकालो यदि $AB \parallel DC \parallel FE$ है।



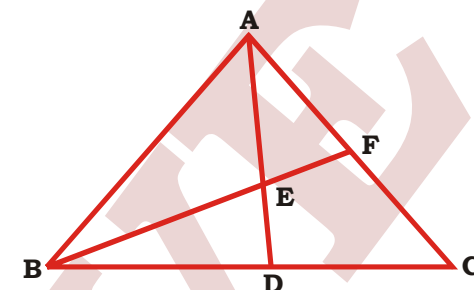
- (A) 84 cm (B) 72 cm
(C) 92 cm (D) 83 cm

12. In the given figure $FE = 5$ cm, $EC = 10$ cm, $DC = 18$ cm $AG = 12$ cm, $AG \parallel BF \parallel CD$. Then find length of GC .



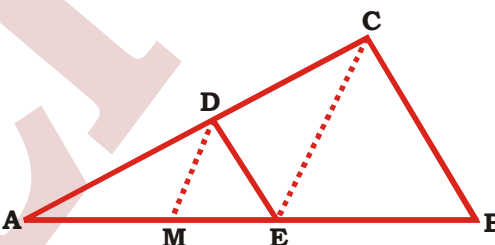
- (A) 90 cm (B) 8 cm
(C) 20 cm (D) 15 cm

13. $AE:ED = BD:DC = 3:4$, If $AC = 370$ cm. Find the length of AF .



- (A) 90 cm (B) 82 cm
(C) 160 cm (D) 120 cm

14. $AE:EB = 2:3$, $BC \parallel DE$ and $CE \parallel DM$. Then find $AM:MB$.



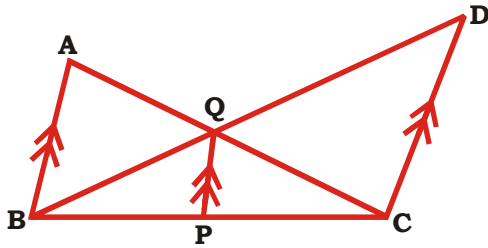
- (A) 5 : 21 (B) 4 : 21
(C) 7 : 24 (D) None

15. Let S be as an arbitrary point on the side PQ of an acute angled $\triangle PQR$. Let T be the point of intersection of QR extended with straight line PT drawn parallel to SR through P . Let U be the point of intersection of PR extended with straight line QU drawn parallel to SR through Q . If $PT = a$ and $QU = b$. Then the length of SR is.

एक न्यूनकोण त्रिभुज PQR की भुजा PQ पर एक बिन्दु S है। बिन्दु P पर रेखा SR के समांतर रेखा खींची जाती है जो भुजा QR को आगे बढ़ाने पर बिन्दु T पर मिलती है। बिन्दु Q पर रेखा SR के समांतर एक रेखा खींची जाती है जो PR को आगे बढ़ाने पर बिन्दु U पर मिलती है। यदि $PT = a$ और $QU = b$ तब SR की लम्बाई क्या होगी?

- (A) $\frac{a+b}{ab}$ (B) $\frac{a-b}{ab}$
(C) $\frac{ab}{a+b}$ (D) $\frac{ab}{a-b}$

16. In the given fig. $AB \parallel PQ \parallel CD$ and $AB - CD = 72$ cm and $BP:PC = 5:3$. Find length of PQ.



- (A) 67.5 cm (B) 60 cm
(C) 75 cm (D) 64 cm

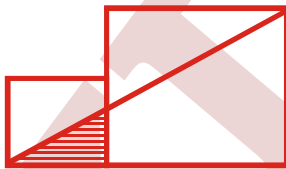
17. In $\triangle ABC$, D & E are two points on AC and BC such that $DE \perp BC$. $DE = 18$ cm, $CE = 5$ cm. $\tan \angle B = 3.6$. Find out AC:CD.

त्रिभुज ABC में बिन्दु D तथा E क्रमशः AC तथा BC पर इस प्रकार स्थित हैं की भुजा DE, BC पर लम्ब है। $DE = 18$ cm, $CE = 5$ cm, $\tan \angle B = 3.6$ तो AC:CD का मान बताओ?

- (A) $\frac{BC}{2CE}$ (B) $\frac{CE}{2BC}$
(C) $\frac{2CE}{BC}$ (D) $\frac{2BC}{CE}$

18. In given fig two squares of sides 8 cm and 20 cm are given. What is the area (in cm^2) of shaded part?

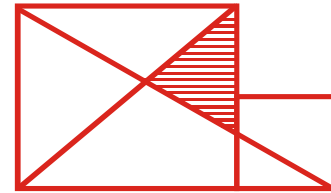
दिये गये चित्र में, दो वर्ग हैं, जिनकी भुजाएँ क्रमशः 8 cm तथा 20 cm हैं। छायांकित भाग का क्षेत्रफल क्या होगा।



- (A) $\frac{120}{7}$ (B) $\frac{160}{7}$
(C) $\frac{180}{7}$ (D) $\frac{240}{13}$

19. In the given, side of larger square is 15 cm and side of smaller square is 9 cm. Then find area of shaded region?

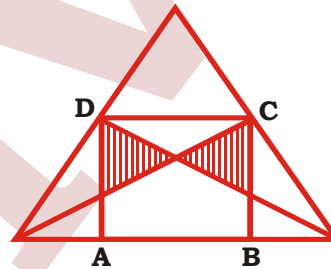
दिये गये चित्र में, बड़े वर्ग की भुजा 15 सेमी तथा छोटे वर्ग की भुजा 9 सेमी है, तब छायांकित भाग का क्षेत्रफल क्या होगा?



- (A) $\frac{5625}{208}$ (B) $\frac{7200}{315}$
(C) $\frac{13824}{529}$ (D) $\frac{4225}{136}$

20. ABCD is a square of side 6 cm inside the equilateral triangle. Find out area of shaded portion.

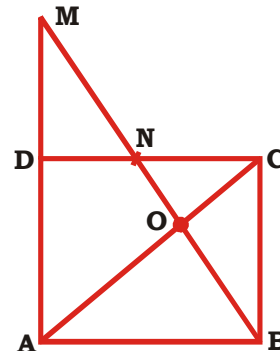
ABCD एक वर्ग है जिसकी भुजा 6 cm हैं जो की एक समबाहु त्रिभुज के अन्दर है। छायांकित भाग का क्षेत्रफल निकालो।



- (A) $27 - 9\sqrt{3}$ (B) $25 - 9\sqrt{3}$
(C) $23 - 9\sqrt{3}$ (D) None

21. In the given fig. ABCD is parallelogram side AD is extended to M. N is a point on side CD. BN is extended to meet AD at M. If $NO = 21$ cm, $OB = 35$ cm the find MN?

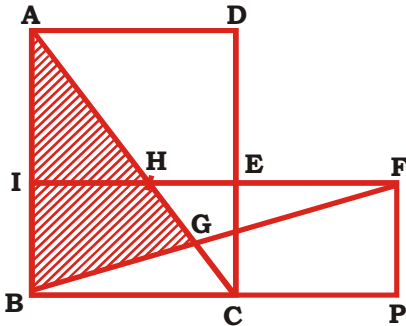
दिये गये चित्र में ABCD समान्तर चतुर्भुज है। AD को बिन्दु M तक बढ़ाया जाता है। N भुजा CD पर बिन्दु है। BN को AD से मिलने के लिए विस्तारित किया जाता है। यदि $NO = 21$ cm, $OB = 35$ cm तो MN ज्ञात करें।



- (A) 28 cm (B) 37.33 cm
(C) 42 cm (D) 33.33 cm

22. If the sides of each square is 10 cm. Find area of shaded region?

प्रत्येक वर्ग की भुजा 10 cm है तो छायांकित भाग का क्षेत्रफल ज्ञात करें।



- (A) 80 cm² (B) 60 cm²
(C) 100 cm² (D) 120 cm²

23. In $\triangle ABC$ D, E is on the side AB and AC respectively. While F, G is on DB, EC respectively. $AD:DF = 2:3$, $DF:FB = 9:5$. If area of $\square DEGF = 378 \text{ cm}^2$. Find area of $\triangle ADE$. Where $DE \parallel FG \parallel BC$.

$\triangle ABC$ में D, E क्रमशः AB तथा AC पर स्थित है। जबकि F, G, DB तथा EC पर स्थित है। $AD:DF = 2:3$, $DF:FB = 9:5$. यदि $\square DEGF = 378 \text{ cm}^2$ तो $\triangle ADE$ का क्षेत्रफल बताओ। यदि $DE \parallel FG \parallel BC$?

Question Based on mid-point Theorem

24. In a $\triangle ABC$, D & E is on AB & AC respectively. D is the mid-point of AB, while E is the mid-point of AC. If DE is 5 cm. Find BC.

$\triangle ABC$ में D तथा E क्रमशः AB और AC के मध्य बिन्दु है, यदि $DE = 5 \text{ cm}$ तो BC का मान बताओ।

- (A) 10 cm (B) 12 cm
(C) 15 cm (D) 20 cm

25. In a $\triangle ABC$, D & E is the mid-point of AB & AC respectively. If area of $\triangle AOE$ is 10 cm². Then find out area of $\triangle ABC$.

त्रिभुज ABC में D तथा E क्रमशः AB और AC के मध्य बिन्दु है। यदि त्रिभुज AOE का क्षेत्रफल 10 cm² है तो $\triangle ABC$ का क्षेत्रफल बताओ।

- (A) 30 cm² (B) 40 cm²
(C) 50 cm² (D) 60 cm²

26. In $\triangle PQR$, $PQ = PR = 10 \text{ cm}$. S, T, U are the mid-points of PQ, QR, PR respectively. $ST \parallel PR$, $UT \parallel PQ$. Then find out the perimeter of $\square PSTU$.

त्रिभुज PQR में $PQ = PR = 10 \text{ cm}$. S, T, U क्रमशः भुजा PQ, QR, PR के मध्य बिन्दु है। ST, PR के समान्तर जबकि UT, PQ के समान्तर है तो चतुर्भुज PSTU का परिमाण बताओ?

- (A) 15 cm (B) 20 cm
(C) 25 cm (D) 22 cm

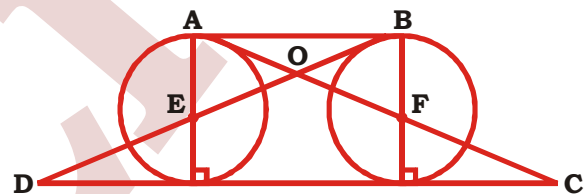
27. In a $\triangle ABC$ of area 120 cm². $AD \perp BC$. P is the mid-point of BD. Q is the mid-point of AC. Find the distance between P and Q if $BC = 24 \text{ cm}$.

$\triangle ABC$ जिसका क्षेत्रफल 120 cm² है। AD, BC पर लम्ब है। P तथा Q क्रमशः BD तथा AC के मध्य बिन्दु है। तो P से Q तक की दूरी बताइये यदि $BC = 24 \text{ cm}$ है।

- (A) 12 cm (B) 15 cm
(C) 13 cm (D) 10 cm

28. If the given figure, E and F are the centers of two identical circles. What is the ratio of area of triangle AOB to the to the area of triangle DOC.

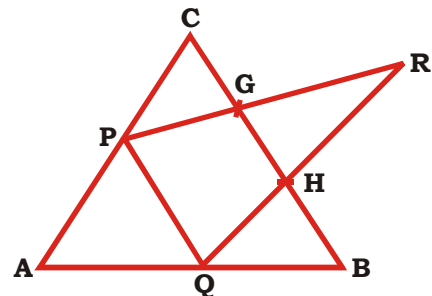
दी गई आकृति में E तथा F दो समरूप वृत्तों के केन्द्र है। त्रिभुज AOB के क्षेत्रफल का त्रिभुज DOC के क्षेत्रफल से क्या अनुपात है।



- (A) 1 : 3 (B) 1 : 9
(C) 1 : 8 (D) 1 : 4

29. In the given fig. P & Q are the mid-points of AC & AB. $PG = GR$, $HQ = HR$. What is the ratio of $\text{Ar}(\triangle PQR) : \text{Ar}(\triangle ABC)$.

दिये गये चित्र में P तथा Q क्रमशः AC तथा AB के मध्य बिन्दु है। $PG = GR$, $HQ = HR$ तो $\triangle PQR$ तथा $\triangle ABC$ के क्षेत्रफलों का अनुपात बताओ।



- (A) 1 : 2 (B) 2 : 1
(C) 3 : 1 (D) 1 : 3



GEOMETRY

CENTERS OF TRIANGLE

Part
04

Type : 1 (Incenter/अन्तःकेन्द्र)

1. I is incenter of $\triangle ABC$. $\angle A = 56^\circ$ then $\angle BIC$?

यदि $\angle A = 56^\circ$ वाले $\triangle ABC$ में I अन्तःकेन्द्र है, तो $\angle BIC$ का मान बताओ?

- (A) 118° (B) 113°
(C) 108° (D) 115°

2. In a $\triangle ABC$, I is a point which is equidistance from all sides of triangle. If $\angle B = 56^\circ$, then find out $\angle AIB + \angle BIC$?

- (A) 242° (B) 214°
(C) 248° (D) 236°

3. In an isosceles right angle triangle ABC, I is incenter of triangle then, find the ratio of $\triangle AIB : \triangle BIC : \triangle AIC$.

एक समद्विबाहु समकोण त्रिभुज में I अन्तःकेन्द्र है। तो $\triangle AIB : \triangle BIC : \triangle AIC = ?$

- (A) $\sqrt{2} : 1 : 1$ (B) $1 : 1 : \sqrt{2}$
(C) $1 : \sqrt{2} : 1$ (D) None

4. In $\triangle ABC$ in which $AB = 8$ cm, $AC = 6$ cm. I is the incenter. Then find out area of $\triangle ABC$ and $\angle BIC = 135^\circ$.

त्रिभुज ABC में $AB = 8$ cm, $AC = 6$ cm. I त्रिभुज का अन्तःकेन्द्र है। तो $\triangle ABC$ का क्षेत्रफल बताओ। यदि $\angle BIC = 135^\circ$ है।

- (A) 25 cm^2 (B) 24 cm^2
(C) 26 cm^2 (D) 30 cm^2

5. In triangle $\angle A = 72^\circ$. Its sides AB and AC are produced to the points D and E respectively. If the bisectors of the $\angle CBD$ and $\angle BCE$ meet at point O, then $\angle BOC$ is equal to.

त्रिभुज ABC में $\angle A = 72^\circ$ । इसकी भुजाएँ AB और AC को क्रमशः D और E तक बढ़ाया जाता है। यदि $\angle CBD$ और $\angle BCE$ के द्विभाजक बिन्दु O पर मिलते हैं तो $\angle BOC$ बराबर है।

- (A) 16° (B) 54°
(C) 32° (D) 106°

6. If O and I is the circumcenter and incenter of $\triangle DEF$ respectively. $\angle EOF = 124^\circ$, then $\angle EIF$?

यदि त्रिभुज DEF में O और I क्रमशः परिकेन्द्र और अन्तःकेन्द्र है। $\angle EOF = 124^\circ$ तो $\angle EIF = ?$

- (A) 118° (B) 124°
(C) 106° (D) 121°

7. In $\triangle ABC$, $BE \perp AC$, $CD \perp AB$ and BE and CD intersect each other at O. The bisectors of $\angle OBC$ and $\angle OCB$ meet at P. If $\angle BPC = 100^\circ$ then what is $\angle A$?

$\triangle ABC$ में $BE \perp AC$, $CD \perp AB$ तथा BE और CD परस्पर एक दूसरे को O पर काटते हैं। $\angle OBC$ और $\angle OCB$ के समद्विभाजक P पर मिलते हैं। यदि $\angle BPC = 100^\circ$ है तो $\angle A$ की माप बताओ।

- (A) 140° (B) 160°
(C) 170° (D) 150°

8. PQR is an equilateral triangle, whose sides are 12 cm. Find out the inradius of that triangle.

PQR एक समबाहु त्रिभुज है जिसकी प्रत्येक भुजा 12 cm है तो इसकी अन्तर्वृत्त की त्रिज्या का मान बताओ।

- (A) $2\sqrt{3}$ cm (B) $3\sqrt{3}$ cm
(C) $4\sqrt{3}$ cm (D) None

9. A right angle triangle of sides 9, 40, 41 cm. Find out its inradius.

एक समकोण त्रिभुज जिसकी भुजाएँ 9, 40, 41 cm हैं तो इसके अन्तर्वृत्त की त्रिज्या क्या होगी।

- (A) 3 cm (B) 4 cm
(C) 5 cm (D) 6 cm

10. In $\triangle PQR$, $\angle Q > \angle R$, PS is the bisector of $\angle P$ and $PT \perp RQ$. If $\angle SPT = 28^\circ$ and $\angle R = 23^\circ$. Then find $\angle Q$.

$\triangle PQR$ में $\angle Q > \angle R$, PS, $\angle P$ का द्विभाजक है। और $PT \perp RQ$ यदि $\angle SPT = 28^\circ$ और $\angle R = 23^\circ$ तो $\angle Q$ की माप बताओ।

- (A) 79° (B) 74°
(C) 82° (D) 89°

11. The inradius of triangle is 12 cm and the sum of lengths of its sides is 100 cm. Find area of triangle.

किसी त्रिभुज के अंतवृत्त की त्रिज्या 12 cm है। और इसकी भुजाओं का योग 100 cm है। तब त्रिभुज का क्षेत्रफल बताओ।

- (A) 600 (B) 500
(C) 550 (D) None

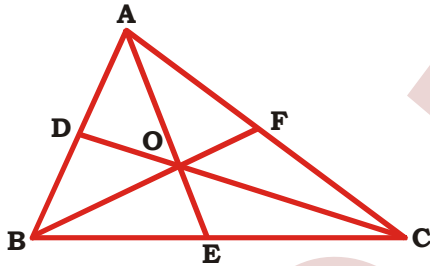
12. In a triangle ABC, I is incentre. AI is produced UP to D. Point D is on BC. Find AI : ID.

त्रिभुज ABC में I त्रिभुज का अंतकेन्द्र है। AI को बिन्दु D तक आगे बढ़ाया जाता है। बिन्दु D, BC पर स्थित है। AI : ID बताओ?

- (A) 15 : 9 (B) 14 : 9
(C) 13 : 7 (D) 9 : 14

13. In the given figure, O is the incentre of $\triangle ABC$. If $AO : OE = 7 : 5$, $CO : OD = 4 : 3$. Then find $BO : OF$?

दिये गये चित्र में, $\triangle ABC$ का अंतकेन्द्र O है। यदि $AO : OE = 7 : 5$, $CO : OD = 4 : 3$ तब $BO : OF$ का मान ज्ञात करें।



- (A) $\frac{69}{15}$ (B) $\frac{74}{17}$
(C) $\frac{59}{11}$ (D) $\frac{71}{13}$

14. $\triangle ABC$ is right angle triangle right angled at A. The bisectors of the acute angles intersect at the point M. If the distance from M to hypotenuse is $3\sqrt{2}$, then what is the distance from M to A?

ABC का समकोण त्रिभुज है जो A पर समकोण है। दो न्यूनकोण के द्विभाजक बिन्दु M पर मिलते हैं। यदि M से कर्ण की दूरी $3\sqrt{2}$ है। तो M से A तक की दूरी क्या है।

- (A) $6\sqrt{2}$ (B) 3
(C) 6 (D) $3\sqrt{2}$

15. If the length of three altitude are 10, 12, 15 cm. Find inradius of triangle.

यदि किसी त्रिभुज के तीनों लम्बों की लम्बाइयाँ क्रमशः 10, 12, 15 cm है। तो त्रिभुज अंतवृत्त की त्रिज्या बताओ।

- (A) 1 cm (B) .25 cm
(C) 2 cm (D) None



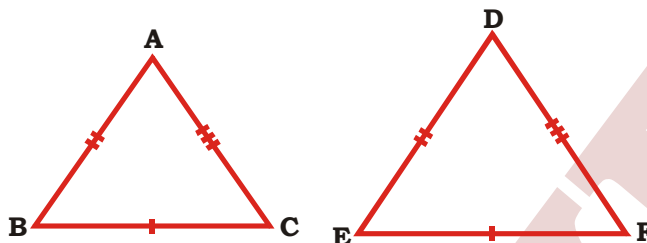
By Pushpendra Sir

GEOMETRY

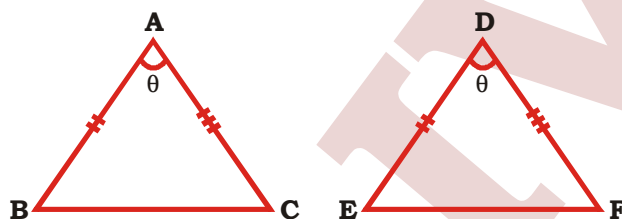
Congruency

Part
05

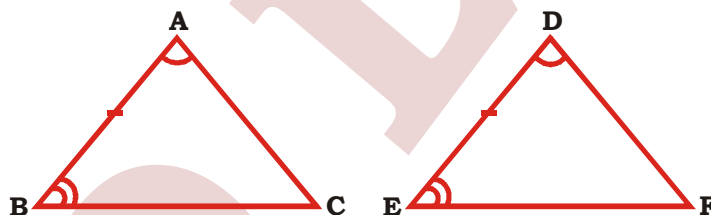
(1) SSS :-



(2) SAS :-



(3) AAS :-



(4) किसी भी **Right angle Δ** की दो **Sides equal** हो तो वह **Congruent** होगा।

(5) RHS :-

1. In given diagrams

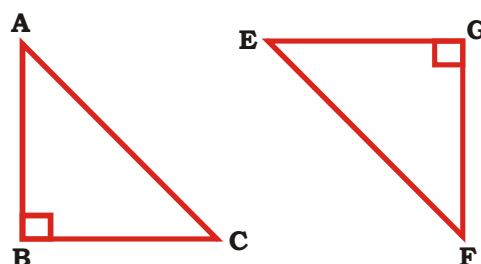
$$AC = EF$$

$$AB = 11 \text{ cm}$$

$$DF = 60 \text{ cm}$$

$$BC + DE = 71 \text{ cm}$$

$$AC = ?$$



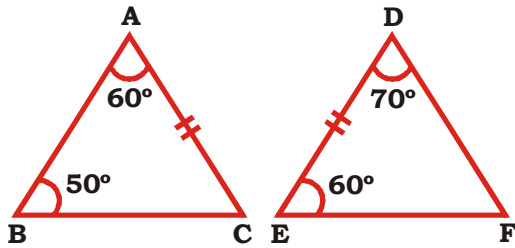
(A) 60 cm

(B) 61 cm

(C) 62 cm

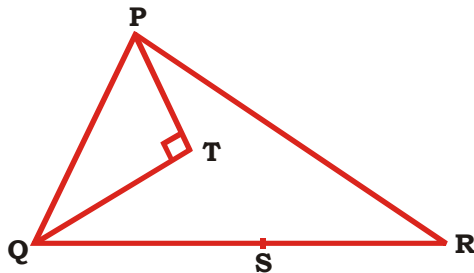
(D) None

2. Which option is correct



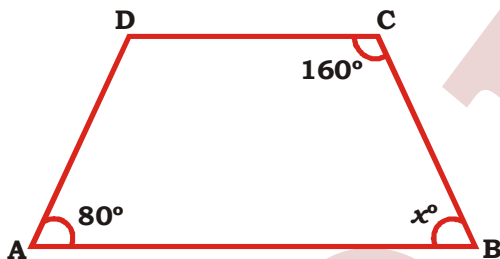
- (A) $\triangle ABC \cong \triangle EFD$ (B) $\triangle ABC \cong \triangle DEF$
(C) $\triangle ABC \cong \triangle FED$ (D) None

3. In $\triangle PQR$, $PQ = 13$ cm, $PR = 17$ cm, S is mid point of QR . PT is angle bisector of $\angle QPR$. $\angle PTQ = 90^\circ$ find ST .



- (A) 1 cm (B) 2 cm
(C) 3 cm (D) 4 cm

4. $AD = CD = BC$. Find x°



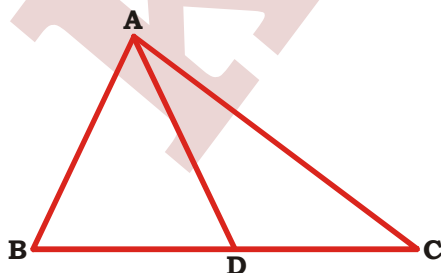
- (A) 40° (B) 30°
(C) 35° (D) 25°

5. In $\triangle ABC$, AD is Angle bisector (कोण समद्विभाजक)

$$\angle BAC = 111^\circ$$

$$AB + BD = AC$$

$$\angle ACB = ?$$



- (A) 20° (B) 23°
(C) 22° (D) 25°

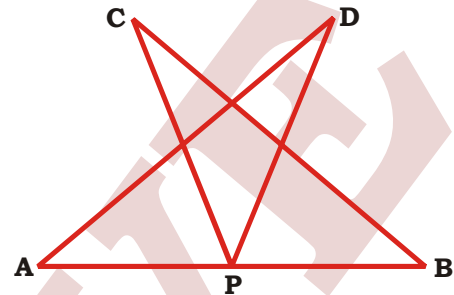
6. $AD = 6$ cm

$$AP = BP = 3$$
 cm

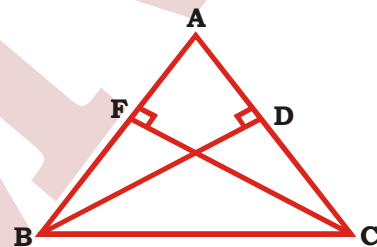
$$\angle APC = \angle BPD$$

$$\angle DAP = \angle CBP$$

$$BC = ?$$



7. If $BD = CF$. Then $\triangle ABC$ will be



- (A) Equilateral/(समबाहु)
(B) Isoscelles/(समद्विबाहु)
(C) Scalene/(विषमबाहु)
(D) None/(कोई नहीं)

8. AD is perpendicular to the internal bisector of $\angle ABC$ of $\triangle ABC$. DE is drawn through D and parallel to BC to meet AC at E . If the length of AC is 26 cm. Then the length of AE (in cm) is?

त्रिभुज ABC में, रेखा AD , $\angle ABC$ के अन्तर्कोण समद्विभाजक पर लम्ब है। रेखा DE बिन्दु D से भुजा BC के समांतर खींची जाती है। जो AC को बिन्दु E पर मिलती है। यदि AC की लम्बाई 26 cm है तब AE (in cm) की लम्बाई क्या होगी?

- (A) 9 (B) 13
(C) 6 (D) 8

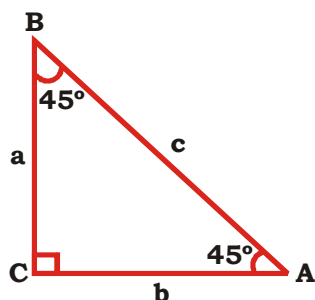


By Pushpendra Sir

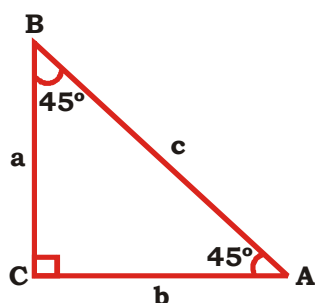
GEOMETRY

SINE AND COSINE FORMULA

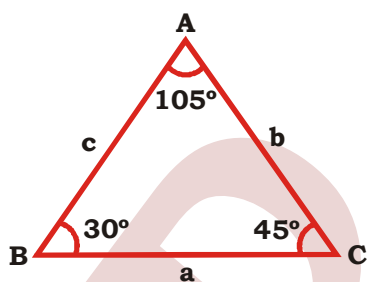
Part
06



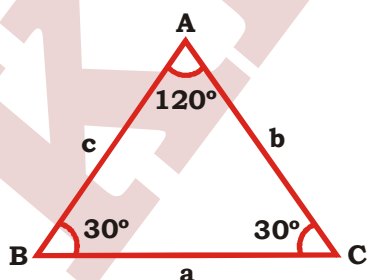
$$a : b : c = 1 : 1 : \sqrt{2}$$



$$a : b : c = \sin 15^\circ : \sin 75^\circ : \sin 90^\circ$$
$$(\sqrt{3} - 1) : (\sqrt{3} + 1) : 2\sqrt{2}$$



$$a : b : c = (\sqrt{3} + 1) : \sqrt{2} : 2$$



$$a : b : c = \sqrt{3} : 1 : 1$$

1. In a ΔPQR , $\angle Q = 30^\circ$ and $\angle R = 45^\circ$. If $QR = 25$ cm. Find out the value of PQ .

त्रिभुज PQR में $\angle Q = 30^\circ$ तथा $\angle R = 45^\circ$ यदि $QR = 25$ cm है तो PQ का मान बताओ।

(A) $25(\sqrt{3} + 1)$ cm

(B) $50(\sqrt{3} - 1)$ cm

(C) $25(\sqrt{3} - 1)$ cm

(D) None

2. In ΔABC , $AB = 20$ cm, $\angle ABC = 30^\circ$, $\angle ACB = 45^\circ$. Find the area of triangle?

ΔABC में $AB = 20$ cm, $\angle ABC = 30^\circ$, $\angle ACB = 45^\circ$ तो त्रिभुज का क्षेत्रफल निकालो।

(A) $50(3 + \sqrt{3})$ (B) $150(\sqrt{3} + 1)$

(C) $50(\sqrt{3} + 1)$ (D) $200(\sqrt{3} + 1)$

3. In a ΔABC , AD divides BC in the ratio $2:3$. $\angle B = 30^\circ$, $\angle C = 45^\circ$. Find $\frac{\sin \angle BAD}{\sin \angle CAD}$.

ΔABC में, AD भुजा BC को $2:3$ में विभाजित करता

है और $\angle B = 30^\circ$, $\angle C = 45^\circ$ है तो $\frac{\sin \angle BAD}{\sin \angle CAD}$ बताओ।

(A) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (B) $\frac{\sqrt{2}}{3}$

(C) $\frac{2}{\sqrt{3}}$ (D) $\frac{1}{\sqrt{3}}$

4. In a ΔABC of area 80 cm². $AC = 20$ cm, $BC = 10$ cm. Find out length of AB .

त्रिभुज ABC में, ΔABC का क्षेत्रफल 80 cm² है। यदि $AC = 20$ cm, $BC = 10$ cm तो AB की लम्बाई निकालो?

(A) $2\sqrt{65}$ (B) $3\sqrt{65}$

(C) $2\sqrt{67}$ (D) None

5. In a right angle ΔABC , BD divide the ΔABC in two equal perimeter. Find length of BD . If $AC = 10$ cm, $BC = 8$ cm, $\angle B = 90^\circ$.

एक समकोण त्रिभुज ABC में, BD ΔABC के परिमाप को दो भागों में विभक्त करती है। यदि $AC = 10$ cm, $BC = 8$ cm, $\angle B = 90^\circ$ तो BD की लम्बाई निकालो।

(A) $\frac{3}{\sqrt{5}}$

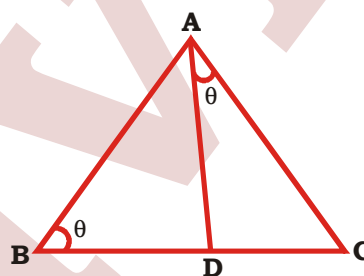
(B) $\frac{12}{\sqrt{5}}$

(C) $\frac{7}{\sqrt{5}}$

(D) $\frac{8}{\sqrt{5}}$

6. In ΔABC area is 300 cm². $BD = 42$ cm, $DC = 8$ cm. Find out AB in given figure.

त्रिभुज ABC का क्षेत्रफल 300 cm² है। $BD = 42$ cm, $DC = 8$ cm तो दिये गये चित्र में AB की लम्बाई निकालो?

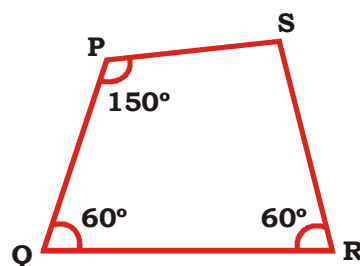


(A) $10\sqrt{15}$ cm (B) $10\sqrt{10}$ cm

(C) $10\sqrt{13}$ cm (D) None

7. In the given fig. PQRS is a quadrilateral. If $QR = 18$ cm and $PS = 9$ cm, then what is the area (in cm²) of quadrilateral PQRS?

दिये गये चित्र में PQRS एक चतुर्भुज है। यदि $QR = 18$ cm और $PS = 9$ cm तो चतुर्भुज PQRS का क्षेत्रफल (cm²) में क्या है।

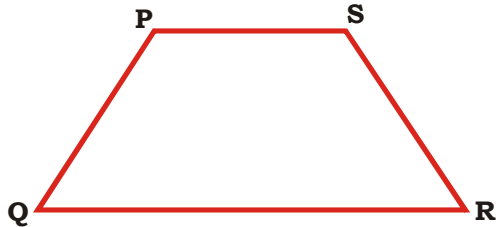


(A) $32\sqrt{3}$ (B) $\frac{98\sqrt{3}}{3}$

(C) $\frac{135\sqrt{3}}{2}$ (D) $\frac{177\sqrt{3}}{2}$

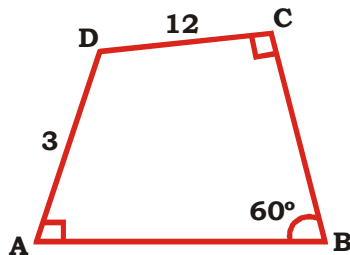
8. In PQRS is a quadrilateral such that PQ = 5 cm, SR = 7 cm, PS = 17 cm, QR = 25 cm also $\angle Q + \angle R = 90^\circ$. Find out area of quadrilateral PQRS.

PQRS एक चतुर्भुज है, जिसमें PQ = 5 cm, SR = 7 cm, PS = 17 cm, QR = 25 cm जबकि $\angle Q + \angle R = 90^\circ$ तो PQRS का क्षेत्रफल निकालो।



- (A) 80 (B) 90
(C) 105 (D) 100

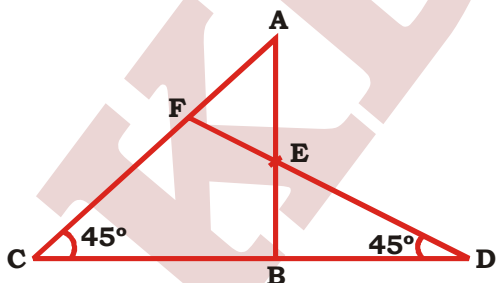
9. Find DB = ?



- (A) $6\sqrt{7}$ (B) $5\sqrt{7}$
(C) $3\sqrt{7}$ (D) None

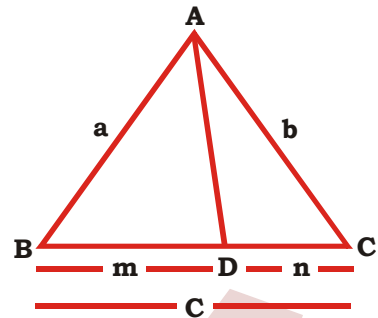
10. In the given fig. If CE = 16 cm, $\angle ABC = 90^\circ$. Then find AD.

दिये गये चित्र में, यदि CE = 16 cm, $\angle ABC = 90^\circ$ तब AD का मान बताओ।



- (A) $8\sqrt{2}$ cm (B) $16\sqrt{3}$ cm
(C) 16 cm (D) $16\sqrt{2}$ cm

Stewart's Theorem



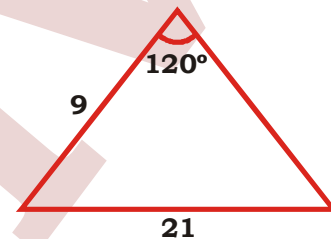
$$a^2n + b^2m = x^2c + mnc$$

CD = x = cevian

$$c = m + n$$

11. In the given fig. Find out area of Δ .

दिये गये चित्र में त्रिभुज का क्षेत्रफल निकालो।



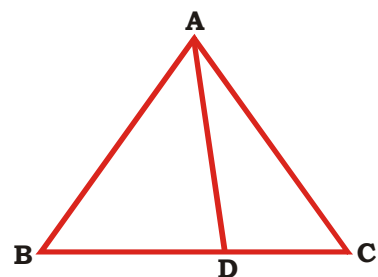
- (A) $\frac{135\sqrt{3}}{4}$ (B) $\frac{145\sqrt{5}}{7}$
(C) $\frac{120\sqrt{3}}{7}$ (D) $\frac{145\sqrt{3}}{4}$

12. AB = AC = 10

BC = 12

BD = 8

Find AD.



- (A) $2\sqrt{17}$ cm (B) $3\sqrt{15}$ cm
(C) 9 cm (D) 13 cm



GEOMETRY

ANGLE BISECTOR THEOREM

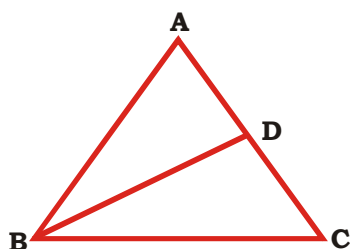
Part
07

1. The bisector of $\angle A$ in $\triangle ABC$ meets BC at D . If $AB = 15$ cm, $AC = 12$ cm and $BC = 18$ cm. Then $DC = ?$

$\triangle ABC$ में $\angle A$ का समद्विभाजक BC से D पर मिलता है। यदि $AB = 15$ सेमी, $AC = 12$ सेमी और $BC = 18$ सेमी तो $DC = ?$

- (A) 8.5 cm (B) 8 cm
(C) 6.5 cm (D) 7.5 cm

2. In the given figure $AB = 60$ cm, $BC = 80$ cm, $AD = 36$ cm, $DC = 48$ cm, $\angle BDA = 92^\circ$ $\angle C = 72^\circ$. Then $\angle A = ?$



- (A) 78° (B) 72°
(C) 68° (D) None

3. In $\triangle ABC$, $\angle ABC = 90^\circ$ and CD is angle bisector of $\angle ACB$ which meets side AB at D . If $AD = 4$ cm, $BD = 3$ cm. Find the CD .

त्रिभुज ABC में, $\angle ABC = 90^\circ$ तथा CD , $\angle ACB$ का कोण समद्विभाजक है जो भुजा AB को बिन्दु D पर मिलता है। यदि $AD = 4$ cm, $BD = 3$ cm तब CD का मान बताओ?

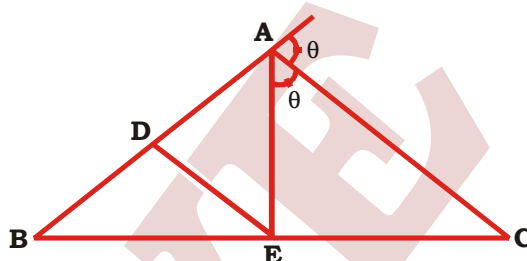
- (A) $3\sqrt{2}$ (B) $6\sqrt{2}$
(C) $\frac{14\sqrt{2}}{3}$ (D) $3\sqrt{5}$

4. In right angle triangle ABC , $\angle B = 90^\circ$, if $AB = 20$ cm, $BC = 15$ cm. Exterior angle bisector of $\angle BAC$ meets the extended part of CB at point D . Find the length of BD .

समकोण त्रिभुज ABC में, $\angle B = 90^\circ$ यदि $AB = 20$ cm, $BC = 15$ cm, $\angle BAC$ का बाह्यकोण समद्विभाजक बिन्दु D पर CB के विस्तारित भाग से मिलता है। BD की लम्बाई ज्ञात करो।

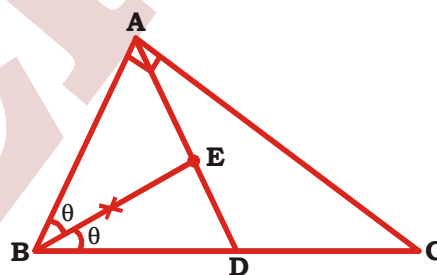
- (A) 80 cm (B) 60 cm
(C) 48 cm (D) 75 cm

5. If AC and ED angle bisector, $AE = 4$ cm, $BE = EC = 6$ cm. Find $AD = ?$



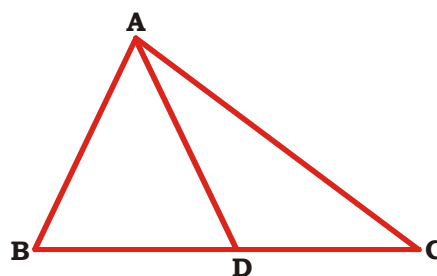
- (A) $16/5$ cm (B) $13/5$ cm
(C) 4 cm (D) 3 cm

6. $AB = 12$ cm, $AC = 16$ cm, BE is angle bisector, $ED = ?$, D is mid point of BC



7. In the given $\triangle ABC$, $AB = 16$ cm, $AC = 12$ cm and $BC = 21$ cm. The find the length of angle bisector AD ?

दिये गये $\triangle ABC$ में, $AB = 16$ cm, $AC = 12$ cm और $BC = 21$ cm तो कोण समद्विभाजक AD (सेमी में) की लम्बाई ज्ञात करें।



- (A) $\sqrt{78}$ (B) $\sqrt{84}$
(C) $\sqrt{93}$ (D) $\sqrt{80}$



GEOMETRY

RIGHT ANGLE TRIANGLE

1. In a $\triangle ABC$, $\angle BAC = 90^\circ$. If $BC = 25$ cm. Then what is the length of the median AD ?

$\triangle ABC$ में, कोण $\angle BAC = 90^\circ$ है। यदि $BC = 25$ cm, है तो माध्यिका AD की लम्बाई ज्ञात कीजिए?

- (A) 10 cm (B) 24 cm
(C) 14.5 cm (D) 12.5 cm

2. The sides of $\triangle ABC$ 9 cm, 40 cm, 41 cm. What is the radius of its circumcircle?

त्रिभुज ABC की भुजाएँ 9 cm, 40 cm, 41 cm है तो इसके परिवृत्त की त्रिज्या ज्ञात करो?

- (A) 20.5 cm (B) 20 cm
(C) 19 cm (D) 21 cm

3. The sides of right angle triangle ABC is 10, 24, 26 cm. Find its inradius?

समकोण त्रिभुज ABC की भुजाएँ 10, 24, 26 सेमी है। तो इसके अंतवृत्त की त्रिज्या बताइए।

- (A) 3 cm (B) 4 cm
(C) 5 cm (D) 13 cm

4. In a $\triangle ABC$, $\angle B = 90^\circ$, $BD \perp AC$, $AB = 6$ cm, $BC = 8$ cm. Then find out BD .

त्रिभुज ABC में $\angle B = 90^\circ$, $BD \perp AC$, $AB = 6$ cm, $BC = 8$ cm तो BD की लम्बाई बताओ।

- (A) 5 cm (B) 4.8 cm
(C) 3 cm (D) None

5. The sides of a triangle are 10, 24, 26 cm. What is the distance between orthocenter and centroid of the triangle.

एक त्रिभुज की भुजाएँ 10, 24, 26 cm है। तो इसके लम्बकेन्द्र तथा केन्द्रक के बीच की दूरी बताओ।

- (A) 8 cm (B) 8.66 cm
(C) 4.33 (D) None

6. If the perimeter of a right angle triangle is 90 cm. And its circumradius 20.5 cm. Find area of triangle.

समकोण त्रिभुज का परिमाप 90 cm है। यदि इसकी परिवृत्त त्रिज्या 20.5 cm है तो त्रिभुज का क्षेत्रफल निकालो।

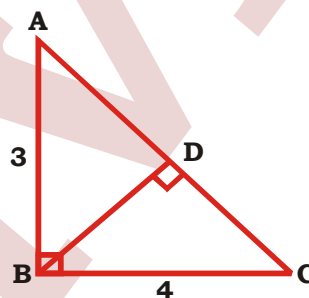
- (A) 180 cm^2 (B) 100 cm^2
(C) 120 cm^2 (D) None

7. ABC is right angle triangle in which $\angle B = 90^\circ$, $AD = 18$ cm & $CD = 32$ cm, then find area of $\triangle ABC$. $BD \perp AC$.

$\triangle ABC$ में $\angle B = 90^\circ$, $AD = 18$ cm, $CD = 32$ cm त्रिभुज का क्षेत्रफल निकालो। $BD \perp AC$

- (A) 480 (B) 600
(C) 400 (D) 540

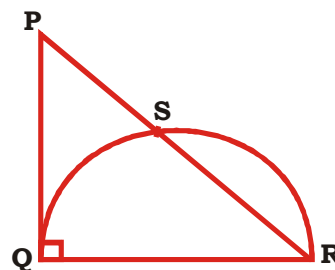
8. In the given figure. Find $AD : CD$.



- (A) 3 : 4 (B) 9 : 16
(C) 16 : 9 (D) None

9. In the given figure, $\triangle PQR$ is right angle triangle at Q . If $PQ = 35$ cm, $QS = 28$ cm, then $SR = ?$

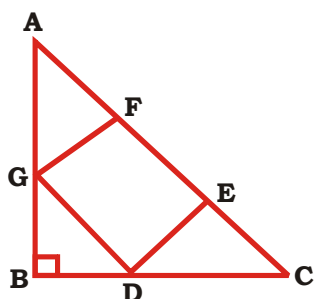
दिये गये चित्र में, $\angle Q = 90^\circ$, $PQ = 35$ cm, $QS = 28$ cm, $SR = ?$



- (A) 37.33 cm (B) 37 cm
(C) 27.33 cm (D) 27 cm

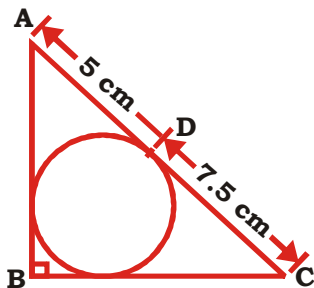
10. In the given figure, $\angle B = 90^\circ$, $DGFE$ is a square. If $AF = 13$ cm, $EC = 11$ cm. Find out area of square.

दिये गये चित्र में $\angle B = 90^\circ$. $DGFE$ एक वर्ग है। यदि $AF = 13$ cm. $EC = 11$ cm तो वर्ग का क्षेत्रफल निकालो।



- (A) 110 cm^2 (B) 143 cm^2
(C) 150 cm^2 (D) 160 cm^2

11. Find area of $\triangle ABC$.



- (A) 25 cm^2 (B) 42.5 cm^2
(C) 37.5 cm^2 (D) 40 cm^2

12. In a $\triangle ABC$, $\angle A = 90^\circ$, $AC = 10 \text{ cm}$, $BC = 14 \text{ cm}$. Find CN , if $AN \perp BC$.

- (A) 7 cm (B) $7\frac{1}{7} \text{ cm}$
(C) 8 cm (D) $8\frac{1}{2} \text{ cm}$

13. In $\triangle ABC$, $\angle A = 90^\circ$, $AB = 16 \text{ cm}$ and $AC = 12 \text{ cm}$. D is the mid point of AC and $DE \perp CB$ at E . What is the area of $\triangle CDE$?

$\triangle ABC$ में, $\angle A = 90^\circ$, $AB = 16 \text{ cm}$ और $AC = 12 \text{ cm}$ है। AC का मध्य बिन्दु D है। $DE \perp CB$, $\triangle CDE$ का क्षेत्रफल बताओ।

14. If the circumradius of a right angle triangle is 25 cm and its perimeter is 112 cm . Find out its area.

यदि एक समकोण त्रिभुज के परिवृत्त की त्रिज्या 25 cm है जबकि इसका परिमाप 112 cm है तो त्रिभुज का क्षेत्रफल बताओ?

- (A) 300 cm^2 (B) 336 cm^2
(C) 340 cm^2 (D) None

15. In a $\triangle ABC$, $\angle B = 90^\circ$, $BD \perp AC$. $AB = 3 \text{ cm}$, $BC = 4 \text{ cm}$. Area of $\triangle ABC$ is 50 cm^2 . Find area of $\triangle BDC$.

- (A) 30 cm^2 (B) 32 cm^2
(C) 42 cm^2 (D) 50 cm^2

16. In a $\triangle ABC$, $\angle B = 90^\circ$, $\angle A = 75^\circ$. Find out the ratio of its circumradius and inradius.

यदि किसी त्रिभुज ABC में $\angle B = 90^\circ$, $\angle A = 75^\circ$ तो इसके परिवृत्त तथा अन्तर्वृत्त का अनुपात बताओ।

- (A) $\sqrt{3} + \sqrt{2}$ (B) $\sqrt{6} + 2$
(C) $2 + \sqrt{3}$ (D) $\sqrt{3} + 5$

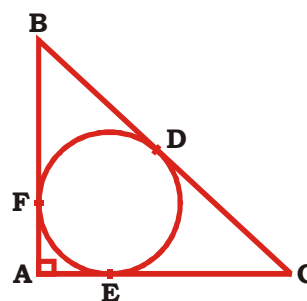
17. In a trapezium $ABCD$, $AB \parallel CD$, $AB = 280 \text{ cm}$, $CD = 180$. $\angle A = 65^\circ$, $\angle B = 25^\circ$. Point P & Q are mid points of side AB & CD in same order, then find out distance between P and Q .



- (A) 40 cm (B) 90 cm
(C) 45 cm (D) 50 cm

18. In the given diagram, an incircle DEF is circumscribed by the right angle triangle in which $AF = 6 \text{ cm}$ and $EC = 15 \text{ cm}$. Then find the difference between CD and BD .

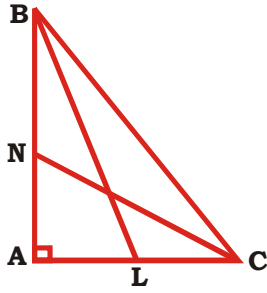
दिये गये चित्र में, अन्तःवृत्त DEF समकोण त्रिभुज के अन्दर बना हुआ है जिसमें $AF = 6 \text{ cm}$ और $EC = 15 \text{ cm}$ है। फिर CD और BD के बीच अंतर ज्ञात करो।



- (A) 1 cm (B) 2 cm
(C) 3 cm (D) 4 cm

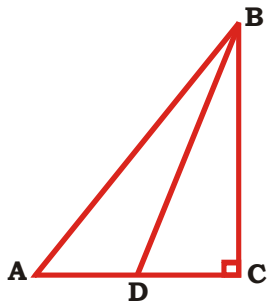
19. In a $\triangle ABC$, $\angle A = 90^\circ$, BL and CN are two medians. $BC = 5 \text{ cm}$, $BL = \frac{3\sqrt{5}}{2} \text{ cm}$. Find CN .

त्रिभुज ABC में $\angle A = 90^\circ$, BL तथा CN त्रिभुज की दो माध्यिकाएँ हैं। $BC = 5 \text{ cm}$, $BL = \frac{3\sqrt{5}}{2} \text{ cm}$ तो CN का मान बताओ।



- (A) $3\sqrt{5}$ (B) $2\sqrt{5}$
(C) $5\sqrt{3}$ (D) None

20. If $\angle BAC = 2 \angle DBC$. Then find area of $\triangle ABC$. Given that $AD = 1$ cm, $DC = 2$ cm.



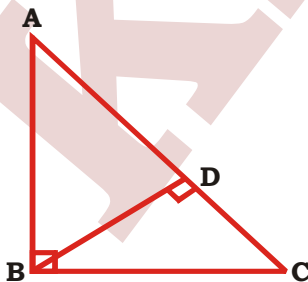
- (A) 6 cm^2 (B) 12 cm^2
(C) 4 cm^2 (D) 9 cm^2

21. In a $\triangle ABC$, $\angle A = 90^\circ$, M is the mid point of BC and D is a point on BC such that $AD \perp BC$. If $AB = 7$ cm and $AC = 24$ cm, then $AD:AM$ is.

$\triangle ABC$ में $\angle A = 90^\circ$, M, BC का मध्य बिन्दु है। और D, BC पर एक ऐसा बिन्दु है की $AD \perp BC$ है। यदि $AB = 7$ cm और $AC = 24$ cm तो $AD:AM$ क्या होगा।

- (A) 168:275 (B) 24:25
(C) 32:43 (D) 336:625

22. In the given figure, $AC:BD = 1 : 4$. Find DC.



- (A) $\sqrt{3} + 2$ (B) $\sqrt{2} + 3$
(C) $2 + \sqrt{5}$ (D) None

23. $\triangle ABC$ is a right angle triangle at $\angle B$. Side AB is half the hypotenous. AE is parallel to median BD. CE is parallel to side BA. Find out length of ratio of BC & EC.

- (A) $2 : \sqrt{3}$ (B) $\sqrt{3} : 2$
(C) $1 : 1$ (D) $\sqrt{2} : 3$

24. In $\triangle ABC$, $\angle C = 90^\circ$. M and N are the mid points of sides AB and AC respectively. CM and BN intersect each other at D and $\angle BDC = 90^\circ$. If $BC = 8$ cm find length of BN?

$\triangle ABC$ में $\angle C = 90^\circ$ है। M और N क्रमशः भुजा AB और AC के मध्य बिन्दु है। CM और BN एक दूसरे को बिन्दु D पर प्रतिच्छेद करते है और $\angle BDC = 90^\circ$ है। यदि $BC = 8$ cm है तो BN की लम्बाई क्या होगी।

- (A) $6\sqrt{3}$ cm (B) $6\sqrt{6}$ cm
(C) $4\sqrt{6}$ cm (D) $8\sqrt{3}$ cm

25. In a right angle $\triangle PQR$, $\angle Q = 90^\circ$, $PQ = 6$ cm, $QR = 8$ cm and $PR = 10$ cm. $QS \perp PR$ and QT is the bisector of $\angle PQR$. Find ST.

समकोण त्रिभुज PQR में $\angle Q = 90^\circ$, $PQ = 6$ cm, $QR = 8$ cm तथा $PR = 10$ cm. $QS \perp PR$ तथा QT, $\angle PQR$ का समद्विभाजक है। ST की लम्बाई निकालो।

- (A) $\frac{21}{35}$ cm (B) $\frac{24}{35}$ cm
(C) $\frac{23}{35}$ cm (D) None

26. In a right angle $\triangle ABC$, $\angle A = 90^\circ$. L and N are mid points of AC and AB respectively.

If $BL = \frac{3\sqrt{5}}{2}$ cm and $CN = 2\sqrt{5}$ cm. Find out circumradius of triangle.

एक समकोण त्रिभुज ABC में $\angle A = 90^\circ$. L तथा N क्रमशः AC व AB के मध्य बिन्दु है। यदि $BL = \frac{3\sqrt{5}}{2}$ cm तथा $CN = 2\sqrt{5}$ cm है तो त्रिभुज के परिवृत्त की त्रिज्या बताओ।

- (A) 2.6 cm (B) 2.5 cm
(C) 3 cm (D) 5 cm



By Pushpendra Sir

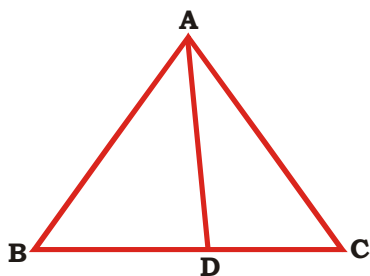
GEOMETRY

Part
09

Isosceles Triangle (समद्विबाहु त्रिभुज)

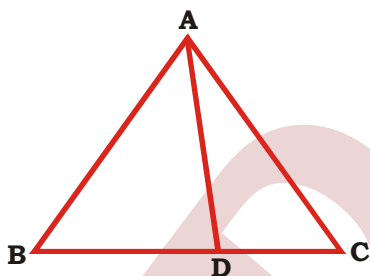
1. In the given figure, $\triangle ABC$ is an isosceles triangle, $AB = AC$, $\angle B = 40^\circ$. AD is median to base BC . Then find out $\angle BAD$.

दिये गये चित्र में, त्रिभुज ABC समद्विबाहु है, $AB = AC$, $\angle B = 40^\circ$. AD , आधार BC पर माध्यिका है तो $\angle BAD$ का मान बताओ।



- (A) 50° (B) 45°
(C) 60° (D) 55°

2. In the given figure, find value of DC where $AB = AC = 12$ cm. $BD = 5$ cm. $AD = 8$ cm.



- (A) 15 (B) 16
(C) 10 (D) 12

3. In $\triangle PQR$, $PQ = PR = 30$ cm. $QR = 16$ cm. T is a point on QR such that $TR = 5$ cm. Find PT .

त्रिभुज PQR में $PQ = PR = 30$ cm. $QR = 16$ cm बिन्दु T भुजा QR पर इस प्रकार स्थित है की $TR = 5$ cm तो PT का मान निकालो।

- (A) $12\sqrt{5}$ (B) $13\sqrt{5}$
(C) $6\sqrt{5}$ (D) None

4. $\triangle ABC$ is an isosceles with $AB = AC$. Side BA is produced to D such that $AB = AD$. Find $\angle BCD$.

$\triangle ABC$ एक समद्विबाहु त्रिभुज है जिसमें $AB = AC$ है। भुजा BA को बिन्दु D तक इस प्रकार आगे बढ़ाया जाता है की $AB = AD$ तो $\angle BCD$ का मान बताओ।

- (A) 75° (B) 80°
(C) 90° (D) 45°

5. In an isosceles $\triangle ABC$, side are 10, 10, 16 cm. Find area, circumradius and in radius.

$\triangle ABC$ एक समद्विबाहु त्रिभुज है, जिसकी भुजाएँ क्रमशः 10, 10, 16 cm है। तो त्रिभुज का क्षेत्रफल, परिवृत्त की त्रिज्या तथा अन्तःवृत्त की त्रिज्या बताइये।

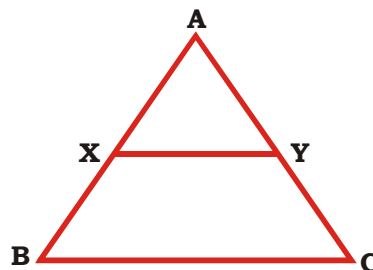
6. $\triangle ABC$ is an isosceles right angle triangle, such that $\angle C = 90^\circ$. D is a point on AB such that $CD = 2\sqrt{5}$ cm, $BD = 6$ cm. Find AD .

$\triangle ABC$ एक समद्विबाहु समकोण त्रिभुज है जिसमें $\angle C = 90^\circ$ बिन्दु D भुजा AB पर इस प्रकार स्थित है की $CD = 2\sqrt{5}$ cm, $BD = 6$ cm तो AD का मान बताओ।

- (A) 3 cm (B) 4 cm
(C) 5 cm (D) 6 cm

7. In an isosceles $\triangle ABC$, $AB = AC$. XY is parallel to BC . If $\angle A = 30^\circ$. Find $\angle BXY$.

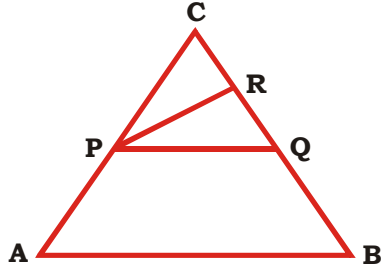
त्रिभुज ABC एक समद्विबाहु त्रिभुज है जिसमें $AB = AC$ है। भुजा XY , BC के समान्तर है। $\angle A = 30^\circ$ तो $\angle BXY$ का मान बताओ।



- (A) 105° (B) 110°
(C) 100° (D) None

8. In the given figure, $\triangle ABC$ is an isosceles triangle. $AC = BC$. PQ is parallel to AB . $\angle CPR = 30^\circ$, $\angle PRQ = 70^\circ$. $PR = 7$ cm. Then find out PQ .

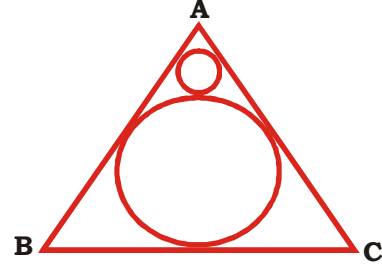
दिये गये चित्र में, $\triangle ABC$ एक समद्विबाहु है जिसमें $AC = BC$ भुजा PQ , AB के समान्तर है। $\angle CPR = 30^\circ$, $\angle PRQ = 70^\circ$. $PR = 7 \text{ cm}$ तो PQ का मान बताओ।



- (A) 6 cm (B) 7 cm
(C) 8 cm (D) 5 cm

9. $\triangle ABC$ is an isosceles triangle in which $AB = AC$. Two circles of radius 1 cm and 2 cm are inscribed in figure. Find area of isosceles triangle.

$\triangle ABC$ एक समद्विबाहु त्रिभुज है, जिसमें $AB = AC$ दो वृत्त जिनकी त्रिज्याएँ 1 सेमी तथा 2 सेमी हैं को चित्र में दर्शाया गया है। त्रिभुज का क्षेत्रफल निकालें।



- (A) $12\sqrt{2} \text{ cm}^2$ (B) $16\sqrt{2} \text{ cm}^2$
(C) $13\sqrt{2} \text{ cm}^2$ (D) None

10. If height of an isosceles triangle is 20 cm and perimeter is 100 cm. Find area of triangle.

एक समद्विबाहु त्रिभुज की ऊँचाई 20 सेमी है तथा परिमाप 100 सेमी है। त्रिभुज का क्षेत्रफल बताओं।

- (A) 410 cm^2 (B) 220 cm^2
(C) 180 cm^2 (D) 200 cm^2



By Pushpendra Sir

GEOMETRY

Equilateral Triangle (समबाहु त्रिभुज)

Part
10

1. ABCD is a square and CDE is an equilateral triangle. Find $\angle BEC$.

ABCD एक वर्ग है तथा CDE एक समबाहु त्रिभुज है। $\angle BEC$ का मान बताओ।

- (A) 15° (B) 20°
(C) 25° (D) 35°

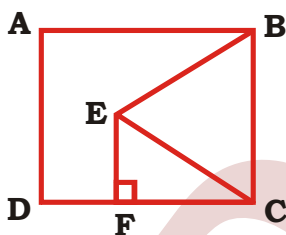
2. ABC is an equilateral triangle and CD is the internal bisector of $\angle C$. If DC is produced to E such that $AC = CE$. Then find $\angle DAE$ point D is on side AB.

ABC एक समबाहु त्रिभुज है तथा CD, $\angle C$ को अंतकोण समद्विभाजक है। यदि DC को बिन्दु E तक इस प्रकार आगे बढ़ाया जाता है की $AC = CE$ तो $\angle DAE$ का मान बताओ। यदि D भुजा AB पर स्थित है।

- (A) 60° (B) 70°
(C) 75° (D) None

3. ABCD is a square and BEC is an equilateral triangle. If $EF \perp DC$. Then $\angle DEF = ?$

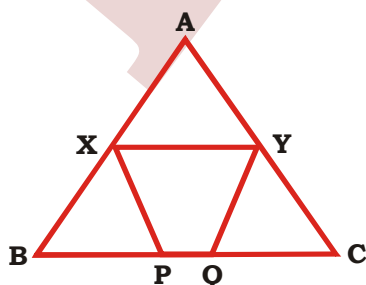
ABCD एक वर्ग है तथा BEC एक समबाहु त्रिभुज है। यदि $EF \perp DC$ तो $\angle DEF$ का मान बताओ?



- (A) 30° (B) 15°
(C) 40° (D) 60°

4. ABC is an equilateral triangle of side 30 cm. XY is parallel to BC, XP is parallel to AC, YQ is parallel to AB. $XY + XP + YQ = 40$ cm. Find PQ.

ABC एक समबाहु त्रिभुज है जिसकी प्रत्येक भुजा की लम्बाई 30 cm है। $XY \parallel BC$, $XP \parallel AC$ & $YQ \parallel AB$. $XY + XP + YQ = 40$ सेमी, तो PQ का मान बताओ।



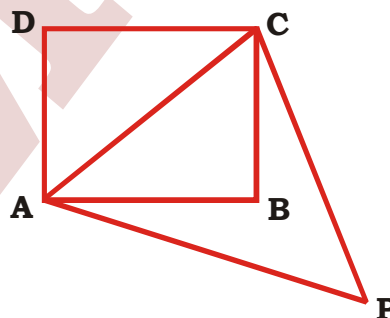
- (A) 12 cm (B) 10 cm
(C) 15 cm (D) 20 cm

5. The difference between the area of the circumscribed circle and the area of inscribed circle of an equilateral triangle is 176 cm^2 . Find area of equilateral triangle.

समबाहु त्रिभुज के परिवृत्त तथा अन्तवृत्त के क्षेत्रफलों का अन्तर 176 सेमी^2 है। समबाहु त्रिभुज का क्षेत्रफल बताओ।

- (A) $60\sqrt{3} \text{ cm}^2$ (B) $65\sqrt{3} \text{ cm}^2$
(C) $56\sqrt{3} \text{ cm}^2$ (D) None

6. In the given figure. Find $\text{Ar}(\square ABCD) : \text{Ar}(\triangle APC)$. ABCD is a square and APC is an equilateral triangle.



7. An equilateral triangle $\triangle ABC$ of area 300 cm^2 is cut from its three vertices to form a regular hexagon. Area of hexagon is what percent of area of triangle.

एक समबाहु त्रिभुज ABC जिसका क्षेत्रफल 300 सेमी^2 है, इसके तीनों शीर्षों को काटकर एक समषट्भुज बनाया गया है। तो बताइये समषट्भुज का क्षेत्रफल त्रिभुज ABC के क्षेत्रफल का कितना प्रतिशत है।

- (A) 66.66% (B) 50%
(C) 56.66% (D) None

8. If the area of an equilateral triangle is $72\sqrt{3} \text{ cm}^2$. The find out the inradius of triangle.

यदि समबाहु त्रिभुज का क्षेत्रफल $72\sqrt{3} \text{ सेमी}^2$ है तो उसके अंतःवृत्त की त्रिज्या बताओ।

- (A) $3\sqrt{3}$ सेमी (B) $2\sqrt{3}$ सेमी
(C) 3 सेमी (D) 4 सेमी

9. In an equilateral $\triangle ABC$, D is a point on side BC such that $BD = \frac{1}{5} BC$. Then find $AD^2 : AB^2$.

$\triangle ABC$ एक समबाहु त्रिभुज है जिसमें बिन्दु D भुजा BC पर इस प्रकार स्थित है की $BD = \frac{1}{5} BC$ तो $AD^2 : AB^2$ का मान बताओ।

- (A) 21 : 25 (B) 25 : 21
(C) 20 : 21 (D) None

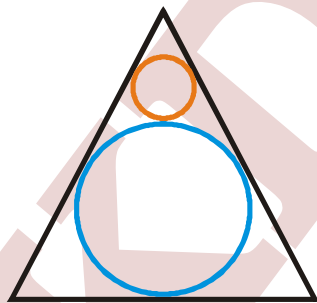
10. If the side of equilateral triangle is a. A maximum area of square is inside the triangle. Find area of square.

यदि समबाहु त्रिभुज की भुजा a है तो इसके अन्दर बने सबसे बड़े वर्ग का क्षेत्रफल क्या होगा।

- (A) $3a^2(7 + 4\sqrt{3})$
(B) $3a^2(7 - 4\sqrt{3})$
(C) $a^2(7 - 4\sqrt{3})$
(D) None

11. Two circles are placed in a equilateral triangle. What is the ratio of the area of the smaller circle to that of the equilateral triangle?

दिए गए चित्र में, दो वृत्त एक समबाहु त्रिभुज में अंतर्हस्पर्शी बनाये गए हैं। छोटे वृत्त और समबाहु त्रिभुज के क्षेत्रफलों का अनुपात ज्ञात करें।



- (A) $\pi : 36\sqrt{3}$ (B) $\pi : 18\sqrt{3}$
(C) $\pi : 27\sqrt{3}$ (D) $\pi : 42\sqrt{3}$

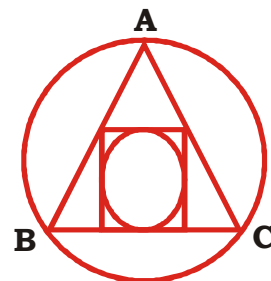
12. Given an equilateral triangle T_1 with side 24 cm, a second triangle T_2 is formed by joining the midpoints of the sides of T_1 . Then a third triangle T_3 is formed by joining the midpoints of the sides of T_2 . If this process of forming triangles is continued, the sum of the areas, in sq cm, of infinitely many such triangles $T_1, T_2, T_3, \dots$ Will be?

एक समबाहु त्रिभुज की भुजा 24 है। एक अन्य त्रिभुज T_2 , T_1 के भुजाओं के मध्य बिन्दुओं को मिलाकर बनाया गया है। तीसरा त्रिभुज T_3 , T_2 के भुजाओं के मध्य बिन्दुओं को मिलाकर बनाया गया है। यही प्रक्रिया अनन्त तक दोहराई जाती है। जिससे $T_1, T_2, T_3, T_4, \dots$ प्राप्त होते हैं। तब इन सभी त्रिभुजों के क्षेत्रफल का योगफल क्या होगा?

- (A) $192\sqrt{3}$ (B) $216\sqrt{3}$
(C) $168\sqrt{3}$ (D) $196\sqrt{3}$

13. An equilateral triangle ABC is inscribed in a circle as shown in figure. A square of largest possible area is made inside this triangle as shown. Another circle made inscribing the square. What is the ratio of area of smaller circle and the larger circle?

एक समबाहु त्रिभुज ABC को एक वृत्त में अंकित किया गया है जैसा कि चित्र में दिखाया गया है। दिखाए गए अनुसार इस त्रिभुज के अंदर सबसे बड़ा संभव क्षेत्र का एक वर्ग बनाया गया है। एक और अन्य वृत्त वर्ग के अंदर बनाया गया है। छोटे वृत्त और बड़े वृत्त के क्षेत्रफलों का अनुपात क्या है?



- (A) $(15 - 12\sqrt{3}) : 1$ (B) $(63 - 36\sqrt{3}) : 4$
(C) $(7 - 4\sqrt{3}) : 2$ (D) $(4 - 2\sqrt{3}) : 3$



By Pushpendra Sir

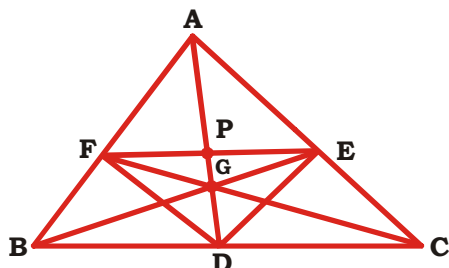
GEOMETRY

Concept of Median & Centroid

(माधिका तथा केन्द्रक)

Part
11

1.



$$AP : PG = 3 : 1$$

6 equal area

2. $\text{Area} = \frac{4}{3} \sqrt{S_m (S_m - m_1)(S_m - m_2)(S_m - m_3)}$

$$S_m = \frac{m_1 + m_2 + m_3}{2}$$

$$\Delta ABC = \frac{4}{3} (\text{Area made by median})$$

$$\Delta = \frac{2}{3} m_1 \times m_2$$

3. Apollonius theorem

$$AB^2 + AC^2 = 2 \left[AD^2 + \left(\frac{BC}{2} \right)^2 \right]$$

$$AB^2 + BC^2 = 2 \left[BE^2 + \left(\frac{AC}{2} \right)^2 \right]$$

$$AC^2 + BC^2 = 2 \left[FC^2 + \left(\frac{AB}{2} \right)^2 \right]$$

4. Add all Apollonius

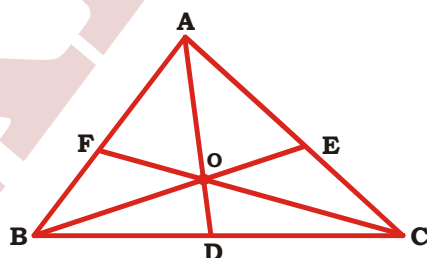
$$3(AB^2 + BC^2 + CA^2) = 4(AD^2 + BE^2 + FC^2)$$

5. $\frac{4}{3} (AD + BE + FC) > [(AB + BC + CA)]$

$$BO = \frac{2}{3} BE$$

$$CO = \frac{2}{3} FC$$

$$OA = \frac{2}{3} AD$$



$$BO + CO > BC \quad \text{---(1)}$$

$$AO + OC > AC \quad \text{---(2)}$$

$$OA + BO > AB \quad \text{---(3)}$$

$$2(BO + OA + OC) > (AB + BC + CA)$$

$$\frac{4}{3} (BE + FC + AD) > (AB + BC + CA)$$

$$6. \quad AD < \left(AB + \frac{BC}{2} \right) \quad \text{---(1)}$$

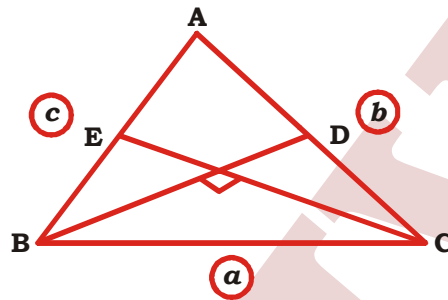
$$BE < \left(BC + \frac{CA}{2} \right) \quad \text{---(2)}$$

$$CF < \left(CA + \frac{AB}{2} \right) \quad \text{---(3)}$$

$$(AD + BE + CF) < \frac{3}{2}(AB + BC + CA)$$

7. When two medians of any triangle intersect at 90°

$$b^2 + c^2 = 5a^2$$



1. Calculate the area of the triangle whose medians are 8 cm, 12 cm and 15 cm.

त्रिभुज ABC का क्षेत्रफल क्या होगा जिसके माध्यिकाओं की लम्बाई क्रमशः 8 cm, 12 cm तथा 15 cm है।

- (A) 24 (B) 72
(C) 48 (D) 144

2. In a triangle ABC, median AD and BE are perpendicular to each other, and have lengths 12 cm and 9 cm respectively. Then the area of triangle ABC, in sq cm is?

त्रिभुज ABC में माध्यिकाएँ AD और BE एक दूसरे के लम्बवत हैं और क्रमशः 12 सेमी और 9 सेमी लम्बाई के हैं। फिर त्रिभुज ABC का क्षेत्रफल वर्ग सेमी में है?

- (A) 54 (B) 80
(C) 64 (D) 72

3. In $\triangle ABC$, $AB = 22$ cm and $AC = 19$ cm. Median BD and CE are intersect at 90° . Then find out length of BC.

त्रिभुज ABC में $AB = 22$ cm तथा $AC = 19$ cm माध्यिकाएँ BD तथा CE एक दूसरे को 90° पर प्रतिच्छेद करती हैं। तो भुजा BC की लम्बाई निकालें।

- (A) 12 (B) 13
(C) 14 (D) 15

4. In triangle PQR, C is the centroid $PQ = 30$ cm, $QR = 36$ cm and $PR = 50$ cm. If D is the mid point of QR, then what is the length (in cm) of CD?

त्रिभुज PQR में, C केन्द्रक है। $PQ = 30$ सेमी, $QR = 36$ सेमी, तथा $PR = 50$ सेमी। यदि D, QR का मध्य बिन्दु है तो CD की लम्बाई (सेमी में) क्या है?

- (A) $\frac{4\sqrt{86}}{3}$ (B) $\frac{2\sqrt{86}}{3}$
(C) $\frac{5\sqrt{86}}{3}$ (D) $\frac{5\sqrt{86}}{2}$

5. In a $\triangle ABC$, if $AB = 16$ cm, $BC = 36$ cm, $AC = 28$ cm. Then find out length of median AD.

$\triangle ABC$ में, $AB = 16$ cm, $BC = 36$ cm, $AC = 28$ cm तो माध्यिका AD की लम्बाई बताओ।

- (A) 12 (B) 14
(C) 13 (D) 15

6. In the given figure, AD, BE, CF are medians of length 9, 12, 15 cm. Each side of triangle contains square. Find out sum of area of square.

- (A) 500 (B) 600
(C) 650 (D) 700

7. G is the centroid of equilateral triangle of ABC of perimeter 24 cm. Then find out length of AG.

G समबाहु त्रिभुज का केन्द्रक है जिसका परिमाप 24 सेमी है। AG की लम्बाई बताओ।

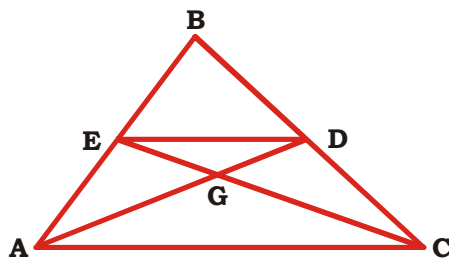
8. G is centroid of a triangle ABC, if $AG = BC$, then find the $\angle BGC$.

G, $\triangle ABC$ का केन्द्रक है, यदि $AG = BC$ तो $\angle BGC$ का मान बताओ।

- (A) 60° (B) 45°
(C) 90° (D) 100°

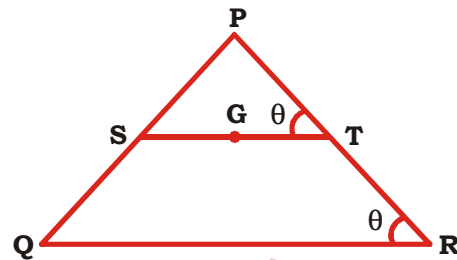
9. In the given figure, G is centroid. Area of triangle GED is 8 cm^2 . Find out area of $\triangle ABC$.

दिये गये चित्र में G त्रिभुज का केन्द्रक है। यदि $\triangle GED$ का क्षेत्रफल 8 cm^2 है तो $\triangle ABC$ का क्षेत्रफल बताओ।



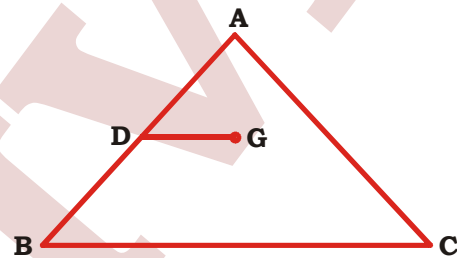
- (A) 90 (B) 96
(C) 100 (D) 80

10. G is the centroid of $\triangle PQR$. Find $\text{Ar}(\triangle PST) : \text{Ar}(\square STRQ)$.



- (A) 4 : 5 (B) 5 : 4
(C) 3 : 2 (D) 2 : 3

11. In the given figure G is centroid. $AB = 12 \text{ cm}$, $AC = 10 \text{ cm}$, $BC = 6 \text{ cm}$. $AD = 8 \text{ cm}$. Find DG.



- (A) 2 cm (B) 3 cm
(C) 4 cm (D) None



By Pushpendra Sir

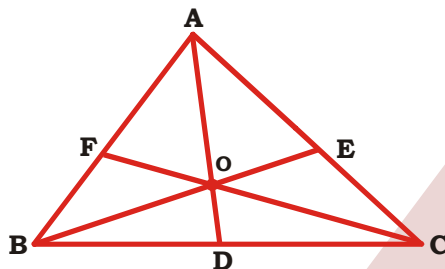
GEOMETRY

Concept of Cevians and Mass point Theorem

Part
12

Result—1

$$\frac{AF}{BF} \times \frac{BD}{DC} \times \frac{CE}{EA} = 1$$



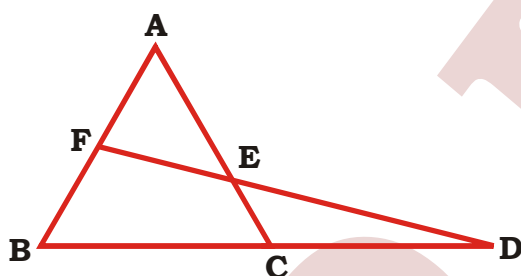
Result—2

$$\frac{OD}{AD} + \frac{OE}{BE} + \frac{OF}{CF} = 1$$

$$\frac{AO}{AD} + \frac{BO}{BE} + \frac{CO}{CF} = 2$$

Result—3

Mendulaus Theorem



$$\frac{AF}{FB} \times \frac{BD}{DC} \times \frac{CE}{EA} = 1$$

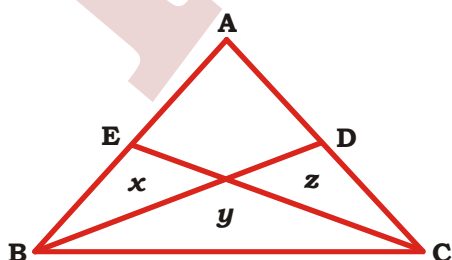
Result—4

Mass Point Theorem



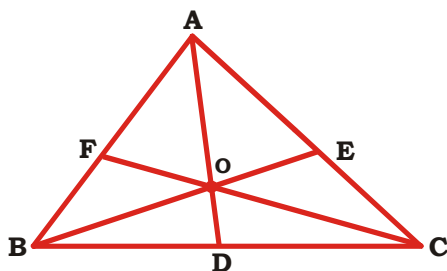
Result—5

Ladder Theorem

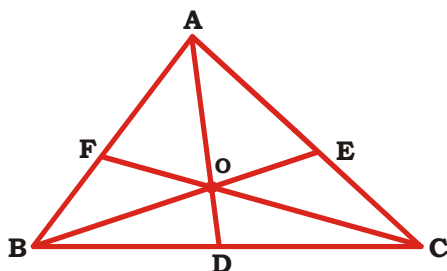


$$\frac{1}{\Delta} + \frac{1}{y} = \frac{1}{x+y} + \frac{1}{y+z}$$

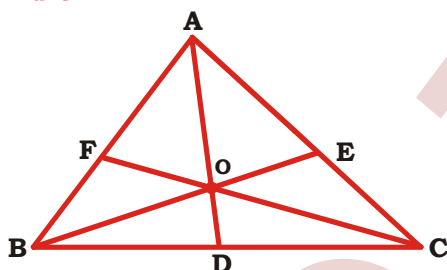
1. In the given fig.
 $AF : FB = 4 : 5$
 $BD : DC = 2 : 3$
 Find $AE : EC$



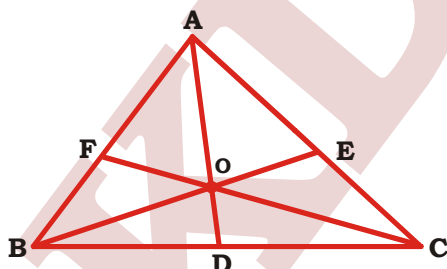
2. In the given fig.
 $AO : OD = 5 : 4$
 $CO : OF = 3 : 2$
 Find $BO : OE$



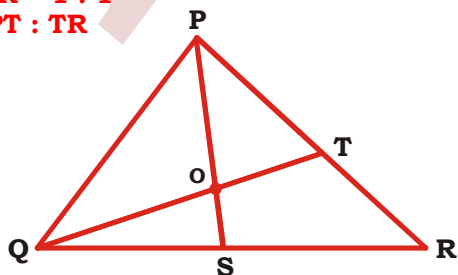
3. In the given fig.
 $AO : OD = 3 : 4$
 $BD : DC = 4 : 7$
 $AE = 24 \text{ cm}$
 Find CE



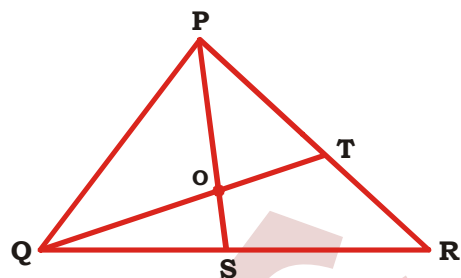
4. In the given fig.
 $AO : OD = 4 : 1$
 $BD : DC = 2 : 1$
 Find $AE : EC$



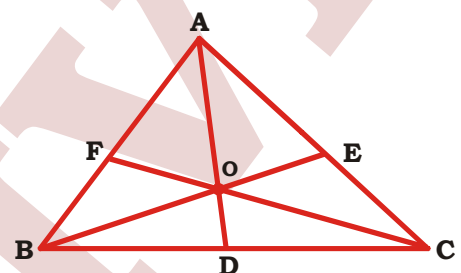
5. In the given fig.
 $PO : OS = 2 : 3$
 $QS : SR = 1 : 1$
 Find $PT : TR$



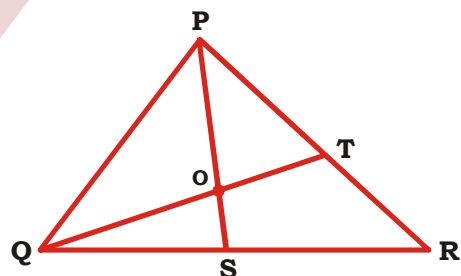
6. In the given fig.
 $PO : OS = 3 : 5$
 $QS : SR = 2 : 3$
 Find $PT : TR$



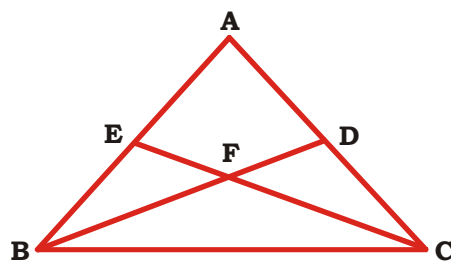
7. In the given fig.
 $AE : EC = 2 : 3$
 $BD : DC = 3 : 5$
 Find $AO : OD$



8. In the given fig.
 $QO : OT = 5 : 4$
 $QS : SR = 2 : 3$
 Find $PT : TR$



9. In the given fig.
 $\text{Ar}(\triangle BFE) = 10 \text{ cm}^2$
 $\text{Ar}(\triangle BFC) = 20 \text{ cm}^2$
 $\text{Ar}(\triangle DFC) = 8 \text{ cm}^2$
 Find Area of $\square AEFD$



- (A) 10.5 (B) 14.5
 (C) 12.5 (D) 13



By Pushpendra Sir

GEOMETRY

Inequality of Triangle

**Part
13**

1. A triangle is formed with sides 6, 8, 10. Which is correct.

एक त्रिभुज की भुजाएँ 6, 8, 10 cm हैं। सही कथन बताओ।

- (A) Acute triangle (न्यूनकोण)
(B) Obtuse triangle (अधिककोण)
(C) Right Angle Triangle
(D) None

2. 11, 20, x are the integer sides of triangle. Find out No of possible value of x .

11, 20, x त्रिभुज की पूर्णांक भुजाएँ हैं। x के सम्भावित मान बताओ?

- (A) 20 (B) 21
(C) 22 (D) 18

3. 11, 20, x are the integers sides of triangle. How many triangles are possible.

11, 20, x त्रिभुज की पूर्णांक भुजाएँ हैं। ऐसे कितने त्रिभुज सम्भव हैं?

- (A) 21 (B) 20
(C) 19 (D) 22

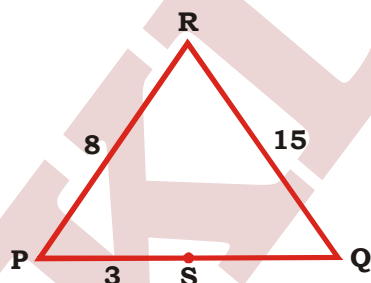
4. Sides of triangle are 5 cm, 9 cm and x cm. Find minimum integer value of x .

त्रिभुज की तीन पूर्णांक भुजाएँ 5 सेमी, 9 सेमी तथा x सेमी हैं। x का न्यूनतम मान बताओ?

- (A) 2 (B) 3
(C) 4 (D) 5

5. In the given figure. Find value of SQ.

दिये गये चित्र में SQ का क्या मान है।



- (A) 4 (B) 19

- (C) 20 (D) 24

6. If three altitude of triangle is in ratio 3 : 4 : 5. Then triangle is?

यदि किसी त्रिभुज के तीनों शीर्ष लम्बों का अनुपात 3 : 4 : 5 है। तो त्रिभुज होगा?

- (A) Acute angle Δ (न्यूनकोण त्रिभुज)
(B) Right angle Δ (समकोण त्रिभुज)
(C) Obtuse Angle Δ (अधिककोण त्रिभुज)
(D) Equilateral Δ (समबाहु त्रिभुज)

7. If the two side of a triangle are 876 cm and 678 cm and the 3rd side is an integer. Then find out the number of different triangle possible?

यदि किसी त्रिभुज की दो भुजाएँ 876 सेमी और 678 सेमी हैं और तीसरा पक्ष पूर्णांक है तो विभिन्न त्रिभुजों की संख्या ज्ञात करें।

- (A) 1356 (B) 1355
(C) 1554 (D) 1752

8. In an obtuse angle triangle ABC, Angle B is obtuse angle. If side AB = 11 cm, BC = 15 cm. Then find out minimum possible integer length of side AC.

एक अधिक कोण त्रिभुज में, कोण B अधिक कोण है। यदि AB = 11 सेमी, BC = 15 सेमी, तब भुजा AC की न्यूनतम लम्बाई ज्ञात करें?

- (A) 19 cm (B) 23 cm
(C) 18 cm (D) 22 cm



GEOMETRY

Pythagorean Theorem

Part
14

1. The diagonals of quadrilateral ABCD intersect each other at 90° , then find

$$\frac{AB^2 + CD^2}{BC^2 + AD^2}$$

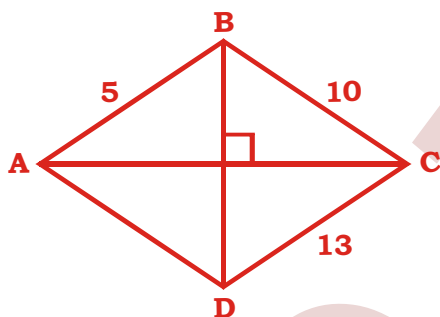
एक चतुर्भुज ABCD के विकर्ण 30° पर एक दूसरे को

काटते हैं, फिर $\frac{AB^2 + CD^2}{BC^2 + AD^2} = ?$

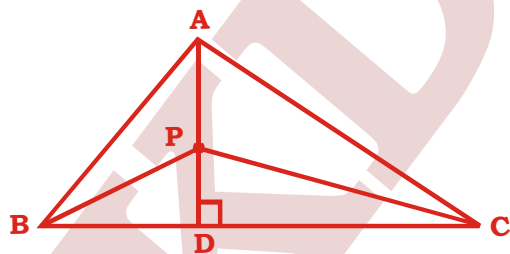
- (A) $4/3$ (B) 1
(C) $5/4$ (D) None

2. The diagonals of a quadrilateral ABCD intersect each other at 90° , $AB = 5$, $CD = 13$, $BC = 10$. Find AD.

एक चतुर्भुज ABCD के विकर्ण एक दूसरे को 90° पर प्रतिच्छेद करते हैं। $AB = 5$, $CD = 13$, $BC = 10$ तो AD का मान होगा?



Result



$$AB^2 + PC^2 + AC^2 + BP^2$$

3. In a $\triangle ABC$, AD is perpendicular to BC. O is any point on AD such that $AB = 9$ cm, $OB = 3$ cm, $OC = 7$ cm. Find the AC = ?

एक त्रिभुज ABC में, AD भुजा BC पर लम्ब है। लम्ब AD पर एक बिन्दु O इस तरह है कि $AB = 9$ cm, $OB = 3$ cm, $OC = 7$ cm तो AC बताओ?

- (A) 13 cm (B) 11 cm
(C) 10.5 cm (D) 10 cm

4. In a triangle ABC, $\angle B = 90^\circ$, if points D and E are on side BC such that $BD = DE = EC$, then which of the following is true?

त्रिभुज ABC में $\angle B = 90^\circ$ यदि बिन्दु D और E, BC पर इस प्रकार हैं जैसे $BD = DE = EC$ तो निम्नलिखित में से कौन सत्य है।

- (A) $5AE^2 = 2AC^2 + 3AD^2$
(B) $8AE^2 = 5AC^2 + 3AD^2$
(C) $8AE^2 = 3AC^2 + 5AD^2$
(D) $5AE^2 = 2AC^2 + 2AD^2$

5. If $\triangle ABC$ is a right-angled triangle with AC as its hypotenuse, then which one of the following is correct?

- (A) $AC^3 < AB^3 + BC^3$
(B) $AC^3 > AB^3 + BC^3$
(C) $AC^3 \leq AB^3 + BC^3$
(D) $AC^3 \geq AB^3 + BC^3$

6. Point D and E are taken on the sides BC and AB of a right angle triangle ABC, where AC is hypotenuse. Then?

बिन्दु D और E एक समकोण त्रिभुज ABC की भुजा BC और AB पर लिये गये हैं, जहाँ AC कर्ण है। तब

- (A) $AD^2 + CE^2 = BC^2 + AB^2$
(B) $AD^2 + CE^2 = DE^2 + AC^2$
(C) $AB^2 + AC^2 = 2DE^2$
(D) $AD^2 + CE^2 = AC^2 - DE^2$

7. A point D is taken from the side BC of a right angled triangle ABC, where AB is hypotenuse, then?

एक समकोण त्रिभुज ABC की एक भुजा BC पर एक बिन्दु D को चुना गया है, जिसमें AB त्रिभुज का एक कर्ण है तदनुसार, निम्नलिखित में से क्या सही है?

- (A) $AB^2 + CD^2 = BC^2 + AD^2$
(B) $AB^2 + BD^2 = BC^2 + AD^2$
(C) $AB^2 + AC^2 = 2AD^2$
(D) $AD^2 + BD^2 = AB^2$

8. $\triangle ABC$ is an isosceles right angle triangle. $\angle C = 90^\circ$. Point D is a point on AB such that $CD = 2\sqrt{5}$ cm, $BD = 6$ cm, AD = ?

त्रिभुज ABC एक समद्विबाहु समकोण त्रिभुज है। जिसमें $\angle C = 90^\circ$, बिन्दु D, AB पर स्थित है। $CD = 2\sqrt{5}$ cm, $BD = 6$ cm तो AD का मान बताओ?

- (A) 3 cm (B) 2 cm
(C) 4 cm (D) None

9. In $\triangle ABC$, $\angle C = 90^\circ$, Points P and Q are on the sides AC and BC, respectively, such that $AP : PC = BQ : QC = 1 : 2$. Then,

$\frac{AQ^2 + PB^2}{AB^2}$ is equal to:

$\triangle ABC$ में, $\angle C = 90^\circ$ है। भुजा AC और BC पर क्रमशः बिंदु P और Q इस प्रकार हैं कि $AP : PC =$

$BQ : QC = 1 : 2$ है। तो; $\frac{AQ^2 + PB^2}{AB^2}$ _____ के

बराबर होगा।

10. ABC is triangle, $AB = 10$ cm and $BC = 16$ cm. $AD = 8$ cm and is perpendicular to side BC. What is the length (in cm) of side AC?

ABC एक त्रिभुज है। $AB = 10$ सेमी, तथा $BC = 16$ सेमी. है। $AD = 8$ सेमी, तथा यह भुजा BC के लम्ब है। भुजा AC का मान (सेमी. में) क्या है?

(A) $4\sqrt{41}$ (B) $2\sqrt{41}$

(C) $2\sqrt{82}$ (D) $4\sqrt{82}$